

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Трофимов Евгений Николаевич
Должность: Ректор
Дата подписания: 04.06.2023 09:18:31
Уникальный программный ключ:
c379adf0ad4f91cbbf100b7fc3323cc41cc52545



Образовательное частное учреждение высшего образования
«Российская международная академия туризма»

Факультет менеджмента туризма
Кафедра математики и информатики

Принято Ученым Советом

29 июня 2023 г.

Протокол № 02-06-03

УТВЕРЖДАЮ

Первый проректор

В.Ю. Питюков

28 июня 2023 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

«Математика»

по направлению подготовки

38.03.04 Государственное и муниципальное управление

квалификация (степень) выпускника – бакалавр

Б1.О.13

Рассмотрено и одобрено
на заседании кафедры
07 июня 2023 г., протокол № 10

Разработчик: Ковалева И.Н.,
д.э.н., к.ф-м.н., зав.кафедрой
математики и информатики

Химки
2023

Рабочая программа дисциплины «Математика» составлена в соответствии с требованиями федерального государственного образовательного стандарта высшего образования (ФГОС ВО), обязательными при реализации основных профессиональных образовательных программ бакалавриата по направлению подготовки 38.03.04 Государственное и муниципальное управление образовательными учреждениями высшего образования на территории Российской Федерации, имеющими государственную аккредитацию.

Рабочая программа составлена на основе основной профессиональной образовательной программы и предназначена для обучающихся по направлению Государственное и муниципальное управление в качестве дисциплины обязательной части блока Б.1.

1. Цели и задачи дисциплины

Цель дисциплины - формирование у обучающихся компетенции УК-1 средствами дисциплины «Математика» в области математического описания природных процессов на основе поиска, критического анализа и синтеза получаемой информации, применяя системный подход для решения поставленных задач.

Задачи дисциплины:

1) способствовать овладению основными понятиями математики на основе поиска, критического анализа и синтеза получаемой информации, применяя системный подход для решения поставленных задач в сфере управления персоналом;

2) способствовать формированию у обучающихся культуры мышления, способности к восприятию, обобщению и экономическому анализу информации опираясь на математические основы критического анализа и синтеза получаемой информации, применяя системный подход для решения поставленных задач в сфере управления персоналом;

3) создавать условия для развития у обучающихся способности осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач посредством математического инструментария;

2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующей компетенции, представленной в компетентностной карте дисциплины в соответствии с ФГОС ВО, компетентностной моделью выпускника, определенной вузом и представленной в ООП, и содержанием дисциплины (модуля):

Категория компетенций	Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Результаты обучения
Системное и критическое мышление	УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставлен-	УК-1.1. Осуществляет поиск необходимой информации. УК-1.2. Применяет методы критического анализа и синтеза при работе информацией. УК-1.3. Использует системный подход для решения поставленных	Знает технологии поиска информации, методы критического анализа и синтеза информации, принципы системного подхода в решении поставленных задач Умеет обобщать полученную в процессе поиска информацию с использованием методов критического анализа и синтеза, применять принципы системного подхода для решения постав-

	ных задач	задач	ленных задач Владеет технологией информационного поиска, работы с информационными источниками; навыками критического анализа и синтеза поступающей информации, применения системного подхода в решении поставленных задач
--	-----------	-------	--

3. Место дисциплины в структуре ОПОП и этапы формирования компетенций

Дисциплина «Математика» относится к обязательной части ОПОП. Компетенция, формируемая дисциплиной «Математика», также формируется и на других этапах в соответствии с учебным планом.

4. Объем дисциплины и виды учебной работы

4.1. Очная форма обучения

Вид учебной работы	Всего часов	Семестры	
		1	2
Контактная работа обучающихся с преподавателем, в том числе:	68	32	36
занятия лекционного типа (ЗЛТ)	30	14	16
лабораторные работы (ЗСТ (ЛР))	-	-	-
практические занятия (ЗСТ ПР)	30	14	16
групповые консультации, и (или) индивидуальную работу обучающихся с педагогическими работниками организации и (или) лицами, привлекаемыми организацией к реализации образовательных программ на иных условиях (в том числе индивидуальные консультации) (ГК)	4	2	2
групповые консультации по подготовке курсового проекта (работы)	-	-	-
контактная работа при проведении промежуточной аттестации (в том числе при оценивании результатов курсового проектирования (выполнения курсовых работ) (ПА конт)	4	2	2
Самостоятельная работа обучающегося (СРО), в том числе	112	40	72
СРуз - самостоятельная работа обучающегося при подготовке к учебным занятиям и курсовым проектам (работам)	76	38	38
СРпа - самостоятельная работа обучающегося при подготовке к промежуточной аттестации	36	2	34
Форма промежуточной аттестации (экзамен, зачет)		Зачет	Экзамен
Общая трудоемкость дисциплины: часы	180	72	108
зачетные единицы	5	2	3

4.2. Заочная форма обучения

Вид учебной работы	Всего часов	1 Курс		
		УС	ЗС	ЛС
Контактная работа обучающихся с преподавателем, в том числе:	22	6	12	4
занятия лекционного типа (ЗЛТ)	8	4	4	

Вид учебной работы	Всего часов	1 Курс		
		УС	ЗС	ЛС
лабораторные работы (ЗСТ (ЛР))				
практические занятия (ЗСТ ПР)	6	2	4	
групповые консультации, и (или) индивидуальную работу обучающихся с педагогическими работниками организации и (или) лицами, привлекаемыми организацией к реализации образовательных программ на иных условиях (в том числе индивидуальные консультации) (ГК)	4		2	2
групповые консультации по подготовке курсового проекта (работы)				
контактная работа при проведении промежуточной аттестации (в том числе при оценивании результатов курсового проектирования (выполнения курсовых работ) (ПА конт)	4		2	2
Самостоятельная работа обучающегося (СРО), в том числе	158	30	60	68
СРуз - самостоятельная работа обучающегося при подготовке к учебным занятиям и курсовым проектам (работам)	145	30	56	59
СРпа - самостоятельная работа обучающегося при подготовке к промежуточной аттестации	13		4	9
Форма промежуточной аттестации (экзамен, зачет)			Зачет	Экзамен
Общая трудоемкость дисциплины: часы	180	36	72	72
зачетные единицы	5	1	2	2

5. Содержание дисциплины

5.1. Содержание разделов дисциплины

№ п/п	Наименование раздела (темы) дисциплины	Содержание раздела (темы) дисциплины
1.	Раздел 1. Линейная алгебра	Предмет математики и ее роль в восприятии, обобщении и экономическому анализу информации, для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом Матрицы и определители: определения, термины и символы, свойства и операции. Обратная матрица. Матричные формы, используемые при постановке цели и выбора путей ее достижения в области управления персоналом. Возможности применения основ линейной алгебры для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом
2.	Раздел 2. Аналитическая геометрия	Линейное векторное пространство. Базис и размерность линейного векторного пространства. Скалярное, векторное и смешанное произведение геометрических векторов. Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве.

		<p>Векторные формы, используемые при постановке цели и выбора путей ее достижения в области управления персоналом. Возможности применения основ линейной алгебры для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом</p>
3.	<p>Раздел 3. Основы математического анализа Тема 3.1. Введение в анализ</p>	<p>Множества: определения, термины и символы, операции, мощность. Основные числовые множества. Классификация и теоретико-множественный подход. Функция одной переменной: основные понятия, определения и операции. Непрерывность функций. Предел последовательности и функции. Вычисление пределов. Возможности применения основ функционального аппарата для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом</p>
4.	<p>Тема 3.2. Основы дифференциального исчисления</p>	<p>Дифференцирование функций (смыслы производной, правила, таблица, дифференциал). Исследование функции с помощью производной. Применение производной. Возможности применения основ дифференциального исчисления для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом.</p>
5.	<p>Тема 3.3. Основы интегрального исчисления</p>	<p>Первообразная функция и неопределенный интеграл, свойства интеграла, методы интегрирования. Определенный интеграл, несобственные интегралы. Применение определенного интеграла. Возможности применения основ интегральных форм для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом</p>
6.	<p>Тема 3.4. Дифференциальные уравнения</p>	<p>Понятие дифференциального уравнения. Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Общее и частное решение. Задача Коши. Теорема существования и единственности решения задачи Коши для дифференциального уравнения. Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными. Однородные дифференциальные уравнения первого порядка. Уравнения Бернулли. Линейные дифференциальные уравнения 1 порядка. Линейные однородные и неоднородные дифференциальные уравнения n-го порядка с постоянными коэффициентами. Возможности применения основ теории дифференциальных уравнений и форм для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом.</p>

7.	Тема 3.5. Ряды	<p>Числовые ряды (основные понятия и теоремы о сходимости, достаточные признаки сходимости рядов с положительными членами, знакочередующиеся ряды и признак Лейбница, знакопеременные ряды, абсолютная и условная сходимость) Функциональные ряды (определение функционального ряда, область сходимости функционального ряда, равномерная сходимость функционального ряда, свойства функциональных рядов).</p> <p>Степенные ряды (определение степенного ряда, теорема Абеля, методы нахождения интервала сходимости степенного ряда, дифференцирование и интегрирование степенных рядов, разложение функций в степенные ряды).</p> <p>Возможности применения основ теории рядов для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом.</p>
8.	Тема 3.6. Функции нескольких переменных	<p>Функции нескольких переменных: основные понятия и определения, предел, непрерывность. Частные производные. Градиент. Производная по направлению. Экстремум. Условный экстремум. Метод множителей Лагранжа.</p> <p>Возможности применения функций нескольких переменных для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом.</p>
9	Раздел 4. Элементы теории вероятностей	<p>Случайные события: операции, вероятность, основные теоремы. Повторные независимые испытания. Случайные величины: числовые характеристики, основные законы распределения.</p> <p>Возможности применения вероятностных аспектов применения математики для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом.</p>
10	Раздел 5. Основы математической статистики	<p>Направления исследований в математической статистике. Модели в математической статистике. Генеральная совокупность, выборка, теоретическая и эмпирическая функции распределения. Точечные оценки параметров распределения: метод максимального правдоподобия (метод Фишера) и метод моментов (метод Пирсона).</p> <p>Алгоритм однофакторного и двухфакторного дисперсионного анализа.</p> <p>Допустимость применения статических методов математики и схемы дисперсионного анализа для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом.</p>

5.2. Разделы дисциплины и виды занятий

5.2.1. Очная форма обучения

1 семестр

Наименование разделов и тем дисциплины	Формируемая компетенция	Всего часов	Контактная работа с обучающимися (час.)					СРО
			Итого	в том числе				
				ЗЛТ	ЗСТ (ЛР)	ЗСТ (ПР)	ГК/ПА	
Раздел 1. Линейная алгебра	УК-1	12	4	2		2		8
Раздел 2. Аналитическая геометрия	УК-1	12	4	2		2		8
Раздел 3. Основы математического анализа	УК-1	42	20	10		10		22
групповые консультации, и (или) индивидуальную работу обучающихся с педагогическими работниками организации и (или) лицами, привлекаемыми организацией к реализации образовательных программ на иных условиях (в том числе индивидуальные консультации) (ГК)	УК-1	2	2				2	
Форма промежуточной аттестации (экзамен, зачет)	УК-1	4	2				2	2
Всего часов		72	32	14		14	4	40

2 семестр

Наименование разделов и тем дисциплины	Формируемая компетенция	Всего часов	Контактная работа с обучающимися (час.)					СРО
			Итого	в том числе				
				ЗЛТ	ЗСТ (ЛР)	ЗСТ (ПР)	ГК/ПА	
Раздел 3. Основы математического анализа Тема 3.6. Функции нескольких переменных	УК-1	14	6	4		2		8
Раздел 4. Элементы теории вероятностей	УК-1	28	14	6		8		14
Раздел 5. Основы математической статистики	УК-1	28	12	6		6		16
групповые консультации, и (или) индивидуальную работу обучающихся с педагогическими работниками организации и (или) лицами, привлекаемыми организацией к реализации образовательных программ на иных условиях (в том числе индивидуальные консультации) (ГК)	УК-1	2	2				2	
Форма промежуточной аттестации (экзамен, зачет)	УК-1	36	2				2	34
Всего часов		108	36	16		16	4	72

5.2.2. Заочная форма обучения

Установочная сессия

Наименование разделов и тем дисциплины	Формируемая компетенция	Всего часов	Контактная работа с обучающимися (час.)				СРО	
			Итого	в том числе				
				ЗЛТ	ЗСТ (ЛР)	ЗСТ (ПР)		ГК/ ПА
Раздел 1. Линейная алгебра	УК-1	8	2	1		1		6
Раздел 2. Аналитическая геометрия	УК-1	7	1	1				6
Раздел 3. Основы математического анализа	УК-1	21	3	2		1		18
групповые консультации, и (или) индивидуальную работу обучающихся с педагогическими работниками организации и (или) лицами, привлекаемыми организацией к реализации образовательных программ на иных условиях (в том числе индивидуальные консультации) (ГК)	УК-1							
Форма промежуточной аттестации (экзамен, зачет)	УК-1							
Всего часов		36	6	4		2		30

Зимняя сессия

Наименование разделов и тем дисциплины	Формируемая компетенция	Всего часов	Контактная работа с обучающимися (час.)				СРО	
			Итого	в том числе				
				ЗЛТ	ЗСТ (ЛР)	ЗСТ (ПР)		ГК/ ПА
Раздел 3. Основы математического анализа Тема 3.6. Функции не нескольких переменных	УК-1	12	2	1		1		10
Раздел 4. Элементы теории вероятностей	УК-1	22	2	1		1		20
Раздел 5. Основы математической статистики	УК-1	30	4	2		2		26
групповые консультации, и (или) индивидуальную работу обучающихся с педагогическими работниками организации и (или) лицами, привлекаемыми организацией к реализации образовательных программ на иных условиях (в том числе индивидуальные консультации) (ГК)	УК-1	2	2				2	
Форма промежуточной аттестации (экзамен, зачет)	УК-1	6	2				2	4
Всего часов		72	12	4		4	4	60

Летняя сессия

Наименование разделов и тем дисциплины	Формируемая компетенция	Всего часов	Контактная работа с обучающимися (час.)				СРО
			Итого	в том числе			
				ЗЛТ	ЗСТ (ЛР)	ЗСТ (ПР)	
Раздел 1. Линейная алгебра	УК-1	8					8
Раздел 2. Аналитическая геометрия	УК-1	8					8
Раздел 3. Основы математического анализа	УК-1	19					19
Раздел 4. Элементы теории вероятностей	УК-1	12					12
Раздел 5. Основы математической статистики	УК-1	12					12
групповые консультации, и (или) индивидуальную работу обучающихся с педагогическими работниками организации и (или) лицами, привлекаемыми организацией к реализации образовательных программ на иных условиях (в том числе индивидуальные консультации) (ГК)	УК-1	2	2			2	
Форма промежуточной аттестации (экзамен, зачет)	УК-1	11	2			2	9
Всего часов		72	4			4	68

6. Контактная и самостоятельная работа обучающихся

Контактная работа при проведении учебных занятий по дисциплинам (модулям) включает в себя: занятия лекционного типа (лекции и иные учебные занятия, предусматривающие преимущественную передачу учебной информации педагогическими работниками РМАТ и (или) лицами, привлекаемыми РМАТ к реализации образовательных программ на иных условиях, обучающимся) и (или) занятия семинарского типа (семинары, практические занятия, практикумы, лабораторные работы, коллоквиумы и иные аналогичные занятия), и (или) групповые консультации, и (или) индивидуальную работу обучающихся с педагогическими работниками РМАТ и (или) лицами, привлекаемыми РМАТ к реализации образовательных программ на иных условиях (в том числе индивидуальные консультации).

Занятия лекционного типа проводятся в соответствии с объемом и содержанием, представленным в таблице раздела 5.

При проведении учебных занятий по дисциплине обеспечивается развитие у обучающихся навыков командной работы, межличностной коммуникации, принятия решений, лидерских качеств (включая при необходимости проведение интерактивных лекций, групповых дискуссий, ролевых игр, тренингов, анализ ситуаций и имитационных моделей, содержание дисциплины (модуля) составлено на основе результатов научных исследований, проводимых РМАТ, в том числе с учетом региональных особенностей профессиональной деятельности выпускников и потребностей работодателей).

6.1. Занятия семинарского типа (семинары, практические занятия, практикумы, лабораторные работы, коллоквиумы и др.)**Раздел 1. Линейная алгебра**

Цель занятия: Изучение основы линейной алгебры, осуществляя поиск, критический анализ и синтез информации, применяя системный подход для решения поставленных задач в сфере управления персоналом.

Компетенция: УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.

Тип занятия: практическое занятие

Форма проведения: устный ответ (в форме дискуссии), решение математических задач и кейс-задач, доклад в форме презентации.

Основная тема (либо проблема) для обсуждения: использование основ линейной алгебры для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом, возможности такого использования.

Вопросы для обсуждения:

1. Матрицы и определители.
2. Определение матрицы. Виды матриц.
3. Операции над матрицами. Свойства линейных операций над матрицами.
4. Определитель (детерминант) матрицы.
5. Свойства детерминанта.
6. Способы вычисления детерминанта.
7. Вычисление детерминанта раскрытием по строке (столбцу).
8. Единичная и диагональная матрицы.
9. Решение систем линейных уравнений.
10. Обратная матрица.
11. Вычисление элементов обратной матрицы.
12. Вырожденная матрица.
13. Ранг матрицы. Теорема Кронекера-Капели.
14. Связь матриц с системами линейных алгебраических уравнений.
15. Решение системы линейных алгебраических уравнений обращением матрицы.
16. Решение системы линейных алгебраических уравнений методом Крамера.
17. Исследование и решение систем линейных алгебраических уравнений методом Гаусса.
18. Фундаментальная система решений однородной системы уравнений.
19. Задачи линейной алгебры с экономическим и управленческим содержанием.
20. Возможности применения основ линейной алгебры для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом.

Математические задачи

1. Дана система трех линейных уравнений с тремя неизвестными

$$\begin{cases} -x_1 + 2x_2 + x_3 = 5, \\ 2x_1 - 3x_2 + x_3 = 1, \\ x_2 - 5x_3 = -9. \end{cases}$$

Требуется: 1) найти ее решение с помощью формул Крамера; 2) записать систему в матричной форме и решить ее средствами матричного исчисления. Проверить правильность вычисления обратной матрицы используя матричное умножение.

2. Найти обратную матрицу $\begin{pmatrix} 1 & 0 & -2 \\ -4 & 2 & 5 \\ 2 & -1 & -2 \end{pmatrix}$.

$$\begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 3 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} \cdot X = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ -1 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & 2 \end{pmatrix}.$$

3. Решить матричное уравнение

4. Найти собственные значения и собственные векторы линейного оператора, заданного матрицей в некотором базисе. Найти матрицу оператора в базисе из собственных

векторов $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & -4 \end{pmatrix}$.

Представление доклада в форме презентации на тему:

1. Возможность применения знаний в сфере экономики и управления, анализировать потенциал и тенденции развития российской и мировой экономик для решения практических и (или) исследовательских задач в профессиональной деятельности на основе матричного анализа и при использовании основ линейной алгебры.

2. Применение основ матричного анализа и линейной алгебры в экономике и управлении и в профессиональной деятельности, при решении практических и исследовательских задач в сфере управления персоналом.

3. Возможность использования основ матричного анализа и линейной алгебры в экономических исследованиях и экономических расчетах, при решении практических и исследовательских задач в сфере управления персоналом.

Кейс-задачи

1. В некоторой отрасли $m=4$ заводов выпускают $n=3$ видов продукции. Матрица $A_{m \times n}$ задает объемы продукции на каждом заводе в первом квартале, матрица $B_{m \times n}$ - соответственно во втором; (a_{ij}, b_{ij}) - объемы продукции j -го ($j = \overline{1, n}$) типа на i -м ($i = \overline{1, m}$)

заводе в первом и втором кварталах соответственно: $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 7 \\ 1 & 2 & 2 \\ 4 & 1 & 5 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}; B = \begin{pmatrix} 3 & 0 & 2 \\ 2 & 4 & 1 \\ 4 & 3 & 2 \\ 5 & 2 & 4 \end{pmatrix}.$

Найти:

- объемы продукции;
- прирост объемов продукции во втором квартале по сравнению с первым по видам продукции и заводам;
- стоимостное выражение выпущенной продукции за полгода (денежных единицах), если λ - курс денежных единиц по отношению к рублю.

2. Предприятие производится n типов продукции, объемы выпуска заданы матрицей $A_{1 \times n}$. Цена реализации единицы i -го типа продукции в j -м регионе задана матрицей $B_{n \times k}$, где k - количество регионов, в которых реализуется продукция. Найти C -

матрицу выручки по регионам, если $A = (100 \ 200 \ 100); B_{3 \times 4} = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 & 5 \\ 1 & 3 & 2 & 2 \\ 2 & 4 & 2 & 4 \end{pmatrix}.$

Раздел 2. Аналитическая геометрия

Цель занятия: Изучение основ аналитической геометрии, осуществляя поиск, критический анализ и синтез информации, применяя системный подход для решения поставленных задач в сфере управления персоналом.

Компетенция: УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.

Тип занятия: практическое занятие

Форма проведения: устный ответ (в форме дискуссии), решение математических задач, доклад в форме презентации.

Основная тема (либо проблема) для обсуждения: использование основ аналитической геометрии для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом, возможности такого использования.

Вопросы для обсуждения и решения кейс-задач:

1. Система координат на плоскости и в пространстве.
2. Вектор на плоскости и в пространстве.
3. Разложение вектора по векторам базиса.
4. Операции с векторами на плоскости и в пространстве.
5. Условия коллинеарности и ортогональности векторов.
6. Скалярное произведение векторов, его геометрический и экономический смысл.
7. Векторное произведение векторов, его геометрический и экономический смысл.
8. Смешанное произведения векторов, его геометрический и экономический смысл.
9. Уравнение прямой на плоскости (векторный вывод).
10. Общее уравнение прямой, уравнение прямой с угловым коэффициентом, уравнение прямой в отрезках, нормальное уравнение.
11. Параллельность и перпендикулярность прямых. Точка пересечения прямых на плоскости.
12. Условия параллельности и перпендикулярности прямых.
13. Кривые второго порядка (окружность, эллипс, гипербола, парабола).
14. Направляющий вектор прямой в пространстве.
15. Уравнения прямой в пространстве (канонические, параметрические, общее).
16. Условия параллельности и перпендикулярности прямых в пространстве.
17. Нормальный вектор плоскости.
18. Уравнения плоскости (общее, в отрезках, нормальное).
19. Условия параллельности и перпендикулярности плоскостей.
20. Пересечение прямой и плоскости. Поверхности второго порядка.
21. Возможности применения основ аналитической геометрии для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом

Математические задачи

1. Найти центр и радиус окружности, заданной уравнением $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 4 = 0$.
2. Даны две вершины треугольника ABC: A(-4,-1,2) и B(3,5,-16). Найти третью вершину C, зная, что середина стороны AC лежит на оси Oу, а середина стороны BC – на плоскости Oхz.
3. Найти точку M пересечения медиан треугольника ABC.
4. Разложить вектор $d = \{-6; 0; 13\}$ по базису из векторов $a = \{2; -1; 3\}$, $b = \{1; 1; -1\}$, $c = \{-3; 1; 2\}$.
5. В треугольнике ABC проведены медианы AD, BE, CF. Вычислить $(AD, BC) + (BE, CA) + (CF, AB)$
6. Даны точки A (2,1,-1), B(3,0,2), C(5,1,1), D(0,-1,3), являющиеся вершинами тетраэдра. Найти объем тетраэдра и длину высоты, опущенной из вершины C.
7. Вычислить площадь треугольника, вершинами которого являются точки A(-1,0,-1), B(0,2,-3), C(4,4,1).

8. Составить уравнение прямой, проходящей через точку $A(-3,4)$ и параллельной прямой 1) $x - 2y + 5 = 0$; 2) $x = 2$; 3) $y = -1$.

9. Установить взаимное расположение прямых данной пары; если прямые пересекаются, найти координаты точки пересечения: 1) $x - 3y - 2 = 0$ и $2x + y - 1 = 0$; 2) $x + 3y - 1 = 0$ и $2 - 2x - 6y = 0$; 3) $-x - y - 3 = 0$ и $3x + 3y + 1 = 0$.

10. Через точки $M_1(-6,6,-5)$ и $M_2(12,-6,1)$ проведена прямая. Найти точки ее пересечения с координатными плоскостями.

11. Даны координаты вершин A и B треугольника ABC и точки M пересечения его высот. Найти координаты вершины C . Сделать чертеж. $A(-10; 2), B(6; 4), M(5; 2)$.

12. Даны вершины тетраэдра $A(0; 0; 2), B(3; 0; 5), C(1; 1; 0), D(4; 1; 2)$. Найти длину высоты, опущенной из вершины D на грань ABC .

Представление доклада в форме презентации на тему:

1. Возможность применения знаний в сфере экономики и управления, анализировать потенциал и тенденции развития российской и мировой экономик для решения практических и (или) исследовательских задач в профессиональной деятельности на основе знаний аналитической геометрии, векторов и координатного анализа.

2. Применение основ аналитической геометрии, векторов и координатного анализа в экономике и управлении.

3. Возможность использования основ аналитической геометрии, векторов и координатного анализа в экономических исследованиях и экономических расчетах.

4. Возможность принимать обоснованные экономические решения в различных областях жизнедеятельности на основе знаний аналитической геометрии, векторов и координатного анализа.

5. Возможности применения основ аналитической геометрии для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом

Раздел 3. Основы математического анализа

Тема 3.1. Введение в анализ

Цель занятия: освоение основ математического анализа (непрерывность и теории пределов), осуществляя поиск, критический анализ и синтез информации, применяя системный подход для решения поставленных задач в сфере управления персоналом.

Компетенция: УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.

Тип занятия: практическое занятие

Форма проведения: устный ответ (в форме дискуссии), решение математических задач, представление доклада в форме презентации на определенную тему.

Основная тема (либо проблема) для обсуждения: использование основ математического анализа (непрерывность и теории пределов) для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом и возможности такого использования.

Вопросы для обсуждения:

1. Множества: определения, термины и символы, операции, мощность.
2. Основные числовые множества.
3. Теоретико-множественный подход.
4. Функция. Способы задания функции.
5. Основные элементарные функции, их свойства и графики.
6. Функции основных экономических процессов и их графики.
7. Функция комплексного переменного.
8. Предел и непрерывность функции.

9. Числовая последовательность.
10. Предел числовой последовательности.
11. Число e .
12. Предел функции в точке и на бесконечности.
13. Односторонние пределы функции.
14. Основные теоремы о пределе функции.
15. Замечательные пределы функции.
16. Непрерывность функции в точке.
17. Непрерывность функции на промежутке.
18. Основные свойства функций непрерывных на отрезке.
19. Классификация точек разрыва.
20. Функции многих переменных.
21. Задачи теории множеств и непрерывности с экономическим и управленческим содержанием.

Математические задачи

1. При условии, что $x \rightarrow 5$, вычислите предел функции $f(x)$, если:

а) $f(x) = 2x - 3$; б) $f(x) = x^2 - 10x + 17$.

2. Найти: а) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x^2 - x - 1}{(x-1)^2}$; б) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x+2} - \sqrt{6-x}}{x^2 - 4}$; в) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x} - 1}{\sqrt[3]{x} - 1}$.

3. Является ли функция непрерывной в каждой точке данного промежутка:

1) $f(x) = x^5 - 3x^2 + 2$, $(-\infty; +\infty)$; 2) $g(x) = \frac{x^3 - x}{2x - 6}$, $[5; +\infty)$;

3) $g(x) = \frac{x^3 - x}{2x - 6}$, $(0; +\infty)$?

$$f(x) = \frac{x^2 - 1}{x - 5} \quad \text{при } x \rightarrow 0.$$

4. Выясните, к какому числу стремится функция

5. Доказать непрерывность функции $y = f(x)$ в точке $x = 0$ или установить характер точки разрыва функции в этой точке:

а) $y = \frac{\sin x}{x}$; б) $y = \begin{cases} \frac{\sin x}{x}, & \text{если } x \neq 0, \\ 1, & \text{если } x = 0; \end{cases}$ в) $y = \frac{1}{1 + 2^{1/x}}$;
г) $y = 2^{1/x}$.

Представление доклада в форме презентации на тему:

1. Возможность использования понятий непрерывности функции и пределов последовательности и функции в экономических исследованиях и экономических расчетах и в профессиональной деятельности сферы управления персоналом.

2. Применение решения и примеров задач (введение в анализ: предел и непрерывность) в исследованиях и экономических расчетах и в профессиональной деятельности сферы управления персоналом.

3. Возможность принимать обоснованные экономические решения в различных областях жизнедеятельности на основе непрерывности функции и пределов последовательности и функции при решении практических и исследовательских задач в сфере управления персоналом.

4. Возможности применения основ функционального аппарата для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом.

Раздел 3. Основы математического анализа

Тема 3.2. Основы дифференциального исчисления

Цель занятия: освоение основ математического анализа (основы дифференциального исчисления), осуществляя поиск, критический анализ и синтез информации, применяя системный подход для решения поставленных задач в сфере управления персоналом.

Компетенция: УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.

Тип занятия: практическое занятие

Форма проведения: устный ответ (в форме дискуссии), решение математических задач и кейс-задач, представление доклада в форме презентации на определенную тему.

Основная тема (либо проблема) для обсуждения: использование основ математического анализа (основы дифференциального исчисления) для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом и возможности такого использования.

Вопросы для обсуждения:

1. Производная и дифференциал.
2. Производная, ее физический и геометрический смысл.
3. Дифференциал, его геометрический смысл.
4. Приближенные вычисления с помощью дифференциала.
5. Производная суммы, произведения, частного.
6. Табличное дифференцирование.
7. Производная сложной и обратной функции.
8. Дифференцирование функций, заданных неявно.
9. Уравнение касательной к графику функции в точке.
10. Производные и дифференциалы высших порядков.
11. Приложения дифференциального исчисления.
12. Вычисление пределов по правилу Лопиталья.
13. Основные теоремы дифференциального исчисления.
14. Условия возрастания и убывания функции.
15. Экстремумы функции.
16. Точки перегиба.
17. Выпуклость и вогнутость графика функции.
18. Асимптоты.
19. Общая схема исследования и построения графика функции.
20. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке.
21. Экономический смысл производной и дифференциала.
22. Задачи дифференциального исчисления с экономическим и управленческим содержанием.
23. Возможности применения основ дифференциального исчисления для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом.

Математические задачи

1. Найти производную функции $y = x^4 - 3x^3 + 2x - 1$, $f(x) = (5x - 3) \cdot 2^x$
2. Найти тангенс угла наклона касательной к графику функции $y = x^3 - x$ в

точке $x_0 = 0$.

3. Точка движется по закону $x(t) = 2t^3 - 3t$. Чему равна скорость в момент времени $t = 1$.

4. Записать уравнение касательной к графику функции $y = x^2 \ln x$ в точке $x_0 = e$.

5. Уравнение движения материальной точки вдоль оси имеет вид $s(t) = -0,5t^3 + t + 2$ (м). Найти ускорение $a(t)$ точки в момент времени $t = 2$ с.

6. Найти угол, который образует с осью x касательная к графику функ-

$$y = \frac{1}{\sqrt{3}} \sin 3x,$$

ции проведенная в точке $x = 0$.

а.

7. Покажите, что функция $y=f(x)$, заданная неявно выражением $2+2x=\ln(2y+3)$, удовлетворяет уравнению $y''(2y+3)-2(y')^2=0$.

8. Исследовать функцию $y=x e^{-x^2}$ на монотонность.

9. Исследовать функцию $y=x e^{-x^2}$ на выпуклость и точки перегиба.

10. Найти асимптоты графика функции $y=x e^{-x^2}$.

11. Провести полное исследование функции $y=x e^{-x^2}$ и построить ее график.

12. Найти наибольшее и наименьшее значения непрерывной

функции $y = x^3 - 3x^2 - 45x + 225$ на отрезке $[0; 6]$.

13. Построить график функции $y = \frac{x^2 - 9}{x^2 - 4}$.

Кейс-задачи

1. Опытным путем установлены функции спроса $q = \frac{p+8}{p+2}$ и предложения $s = p+0.5$, где Q и S — количество товара, соответственно покупаемого и предлагаемого на продажу в единицу времени, P — цена товара. Найти:

- равновесную цену, при которой спрос и предложение совпадают;
- эластичность спроса и предложения для этой цены;
- изменение дохода при увеличении цены на 5% от равновесной.

2. Имеет данные про цену нефти x (ден. ед) и индекс акций нефтяных компаний y (ден. ед):

x	17,28	17,05	18,30	18,80	19,20	18,50
y	537	524	550	555	560	552

Предполагая, что между переменными x и y существует линейная зависимость найти эмпирическую формулу вида $y = kx + b$, используя метод наименьших квадратов.

Представление доклада в форме презентации на тему:

1. Возможность использования понятий дифференциального исчисления функций в экономических исследованиях и экономических расчетах и в профессиональной

деятельности сферы управления персоналом.

2. Применение решения и примеров задач (дифференциального исчисления функций) в исследованиях и экономических расчетах и в профессиональной деятельности сферы управления персоналом.

3. Возможность принимать обоснованные экономические решения в различных областях жизнедеятельности на основе непрерывности функции и пределов последовательности и функции при решении практических и исследовательских задач в сфере управления персоналом.

4. Возможности применения основ функционального аппарата и дифференциального исчисления функций для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом.

5. Возможности применения основ дифференциального исчисления для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом.

Раздел 3. Основы математического анализа

Тема 3.3. Основы интегрального исчисления

Цель занятия: освоение основ математического анализа (основы интегрального исчисления), осуществляя поиск, критический анализ и синтез информации, применяя системный подход для решения поставленных задач в сфере управления персоналом.

Компетенция: УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.

Тип занятия: практическое занятие

Форма проведения: устный ответ (в форме дискуссии), решение математических задач, представление доклада в форме презентации на определенную тему.

Основная тема (либо проблема) для обсуждения: использование основ математического анализа (основы интегрального исчисления) для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом и возможности такого использования.

Вопросы для обсуждения:

1. Первообразная.
2. Неопределенный интеграл.
3. Интегралы от элементарных функций.
4. Табличное интегрирование.
5. Основные методы интегрирования: замена переменной и интегрирование по частям в неопределенном интеграле.
6. Интегрирование некоторых классов функций (рациональные, иррациональные, содержащие тригонометрические выражения).
7. Интегрирование функции комплексного переменного.
8. Определенный интеграл и его приложения.
9. Определенный интеграл.
10. Геометрический и физический смысл интеграла.
11. Формула Ньютона-Лейбница.
12. Методы замены переменной и интегрирования по частям в определенном интеграле.
13. Приближенное вычисление определенного интеграла (метод трапеций и парабол).
14. Вычисление площадей плоских фигур, длины дуги, объем и площадь поверхно-

сти тел вращения.

15. Экономические приложения определенного интеграла.

16. Несобственные интегралы 1 и 2 рода.

17. Задачи интегрального исчисления с экономическим и управленческим содержанием.

Математические задачи

1. Найти интегралы $\int \sqrt{x} dx$, $\int (x+5)^7 dx$, $\int \sqrt[5]{(3x-4)^2} dx$, $\int \frac{xdx}{36-5x^2}$,

2. Найти интегралы, используя метод интегрирования по частям $\int \ln x dx$, $\int x \sin 5x dx$, $\int (x^2 + 3x - 5)e^{2x} dx$, $\int x \operatorname{arctg} x dx$, $\int e^{ax} \cos bxdx$.

3. Найти интегралы, используя метод замены переменной (метод подстановки) $\int \frac{dx}{2+\sqrt{x}}$, $\int \frac{dx}{4\sqrt{x} + \sqrt[3]{x}}$.

4. Найти интегралы, используя методы интегрирования функций, которые содержат квадратный трехчлен в знаменателе дроби $\int \frac{dx}{x^2 + 4x + 8}$, $\int \frac{x+3}{x^2 - 2x - 5} dx$, $\int \frac{dx}{\sqrt{2-6x-9x^2}}$, $\int \frac{5x+3}{\sqrt{x^2+4x+10}} dx$.

5. Найти интегралы, используя методы интегрирования выражений, содержащие тригонометрические функции $\int \sin 3x \cos 7x dx$, $\int \sin 2x \sin \frac{2x}{3} dx$, $\int \frac{dx}{2\sin x - \cos x}$, $\int \sin^5 x \cos^4 x dx$, $\int \sin^4 x dx$, $\int \frac{dx}{4-3\cos^2 x + 5\sin^2 x}$, $\int \operatorname{tg}^5 x dx$.

6. Найти интегралы, используя методы интегрирования выражений, которые содержат иррациональность $\int \frac{\sqrt{x}}{\sqrt[3]{x^2} - \sqrt[4]{x}} dx$, $\int x^2 \sqrt{4-x^2} dx$.

7. Вычислить определенный интеграл $\int_2^7 \frac{\sqrt{x+2} dx}{x}$.

8. Вычислить площади фигуры, что ограничена линиями $y = \ln x$, $x = 1$ и осью Ox .

9. Вычислить длину дуги параболы $y = (x-1)^{\frac{3}{2}}$ между точками $A(2; -1)$ и $B(5; -8)$.

10. Вычислить объем тела, образованного вращением около оси Ox фигуры, что ограничена линиями $xy = 4$, $x = 1$, $x = 4$ и $y = 0$.

11. Вычислить объем тела, образованного вращением около оси Ox фигуры, что ограничена линиями $2y = x^2$, $2x + 2y - 3 = 0$.

12. Вычислить объем тела, образованного вращением около оси Oy фигуры, что ограничена линиями $y = x^2$ и $y = x^3$.

13. Вычислить интеграл $\int_1^{\infty} \frac{dx}{x^2+1}$ или установить его расходящимся.

14. Вычислить $\int_{-\infty}^{\infty} e^x dx$ или установить его расхождение.

Кейс-задачи

1. Чистые инвестиции заданы функцией $f(t) = 7000\sqrt{t}$. Обозначить:

а) прирост капитала за три года;

б) термин времени (в годах), после которого прирост капитала складывается 50000.

Найти среднее время, потраченное на освоение одного изделия в период освоения от $x_1 = 100$ к $x_2 = 121$ изделий, если функция переменной затрат времени на изготовление изделий $t = ax^{-b}$, где $a = 600$, $b = 0,5$.

2. *Стратегия развития.* Компания должна выбрать одно из возможных стратегий развития: 1) вложить 10 млн рублей в новое оборудование и получить 3 млн рублей прибыли каждого года на протяжении 10 лет; 2) закупить на 15 млн рублей более совершенное оборудование, которое позволит получить 5 млн рублей прибыли ежегодно на протяжении 7 лет. Какую стратегию нужно выбрать компании, если номинально учетная ежегодная ставка 10%.

Представление доклада в форме презентации на тему:

1. Возможность использования понятий интегрального исчисления функций в экономических исследованиях и экономических расчетах и в профессиональной деятельности сферы управления персоналом.

2. Применение решения и примеров задач (интегрального исчисления функций) в исследованиях и экономических расчетах и в профессиональной деятельности сферы управления персоналом.

3. Возможность принимать обоснованные экономические решения в различных областях жизнедеятельности на основе непрерывности функции и пределов последовательности и функции при решении практических и исследовательских задач в сфере управления персоналом.

4. Возможности применения основ функционального аппарата и интегрального исчисления функций для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом.

5. Возможности применения основ интегрального исчисления для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом.

6. Возможности применения основ интегральных форм для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом

Раздел 3. Основы математического анализа

Тема 3.4. Дифференциальные уравнения

Цель занятия: освоение основ математического анализа (дифференциальные уравнения), осуществляя поиск, критический анализ и синтез информации, применяя системный подход для решения поставленных задач в сфере управления персоналом.

Компетенция: УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.

Тип занятия: практическое занятие

Форма проведения: устный ответ (в форме дискуссии), решение математических задач, представление доклада в форме презентации на определенную тему.

Основная тема (либо проблема) для обсуждения: использование основ математического анализа (дифференциальные уравнения) для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом и возможности такого использования.

Вопросы для обсуждения:

1. Дать определение дифференциального уравнения (ДУ) первого порядка.
2. Привести примеры ДУ в различных областях науки.
3. Как проверить решение дифференциального уравнения?
4. Что называется общим решением ДУ?
5. Изложить методику решения задачи Коши.
6. Записать основные виды ДУ с разделенными и разделяющимися переменными, изложить методику их решения.
7. Дать определение общим и частным решениям ДУ первого порядка.
8. Дать определение и изложить методику решения однородного ДУ первого порядка
9. Дать определение и изложить методику решения линейных ДУ первого порядка (подстановка Бернулли и метод Лагранжа).
10. Дать определение и изложить методику решения уравнения Бернулли.
11. Дать определение и изложить методику решения уравнений в полных дифференциалах.
12. Привести примеры ДУ неразрешенных относительно производной.
13. Изложить основные понятия и определения ДУ высших порядков.
14. Изложить методику интегрирования ДУ, допускающих понижение порядка.
15. Дать определение линейного ДУ с переменными коэффициентами.
16. Записать однородное и неоднородное ДУ второго порядка с переменными коэффициентами, их общие и частные решения, дать пояснения.
17. Записать линейное однородное ДУ высшего порядка с постоянными коэффициентами.
18. Изложить методику получения характеристического уравнения и его корней.
19. Записать вид частных и общих решений линейного однородного ДУ для различных корней характеристического уравнения.
20. Дать определение линейному неоднородному ДУ высшего порядка с постоянными коэффициентами, записать это уравнение.
21. Сформулировать теорему об общем решении неоднородного линейного ДУ, записать общее решение такого уравнения.
22. Какими двумя методами может быть определено частное решение неоднородного линейного ДУ с постоянными коэффициентами?
23. Что называется системой ДУ?
24. Дифференциальные уравнения (ДУ) первого порядка.
25. Проверка решения дифференциальных уравнений.
26. Составление ДУ семейств кривых.
27. Начальные условия при решении дифференциальных уравнений.
28. Единственность решения задачи Коши для дифференциальных уравнений.
29. ДУ с разделяющимися переменными.
30. Однородные ДУ первого порядка.
31. Линейные ДУ первого порядка (метод вариации произвольной постоянной, метод подстановки).
32. Уравнения Бернулли.

33. Уравнения в полных дифференциалах.
34. Дифференциальные уравнения высших порядков.
35. ДУ допускающие понижение порядка (различные случаи).
36. Линейные однородные ДУ второго порядка с постоянными коэффициентами.
37. Линейные неоднородные ДУ второго порядка с постоянными коэффициентами.
38. Задачи темы «Дифференциальные уравнения» с экономическим и управленческим содержанием

Математические задачи

1. Решить дифференциальное уравнение: $\frac{dy}{y} = 3x^2 dx$, удовлетворяющее начальному условию $y|_{x=0} = 2$.

2. Найти частное решение дифференциального уравнения $(1 + x^2) dy + y dx = 0$, удовлетворяющее начальному условию $y(0) = 1$.

3. Проинтегрировать систему
$$\begin{cases} \frac{dy}{dx} = y + z + x, \\ \frac{dz}{dx} = -4y - 3z + 2x, \end{cases}$$

4. Найти общее решение системы дифференциальных уравнений:

$$\begin{cases} \frac{dx_1}{dt} = 12x_1 + 5x_2, \\ \frac{dx_2}{dt} = 5x_1 + 12x_2. \end{cases}$$

Кейс-задачи

1. Изменение производительности производства задается функцией $z = 32 - 2^{0,5t+5}$, где t - время в месяцах. Найти объем продукции, произведенной: а) за первый месяц; б) за третий месяц; в) за шестой месяц; г) за последний месяц года, считая от начала внедрения от рассматриваемого технологического процесса.

2. Известно, что рост числа $y = y(t)$ жителей некоторого района описывается уравнением $\frac{dy}{dt} = \frac{0,2y}{m}(m - y)$, где m – максимально возможное число жителей для данного района. В начальный момент времени число жителей составляло 1% от максимального. Через какой промежуток времени оно составит 80% от максимального?

3. Найти функцию спроса $y = y(p)$, если эластичность E_p постоянная и задана цена p при некотором значении спроса y : а) $E_p = -1/2$, $p=5$ при $y=2$; б) $E_p = -3$, $p=2$ при $y=27$.

4. Государство решило оказать поддержку остановившемуся производству предприятия-банкроту. В течение года на счет предприятия непрерывно будут поступать денежные средства, причем кризисный управляющий может выбрать одну из схем господдержки: либо перечисленные средства равномерно возрастают и к концу года достигают некоторого фиксированного значения, либо средства равномерно убывают от данного фиксированного значения до нуля к концу года. Какая из предложенных схем приведет к выпуску большего объема продукции, если известно, что из-за ветхости оборудования коэффициент выбытия фондов за год равен двум, а показатель отдачи инвестиций в данной отрасли составляет 40 %?

5. Через сколько лет произойдет удвоение уровня цен при ежегодной инфляции в 7 %?

Представление доклада в форме презентации на тему:

1. Возможность использования понятий теории дифференциальных уравнений в экономических исследованиях и экономических расчетах и в профессиональной деятельности сферы управления персоналом.

2. Применение решения и примеров задач (теории дифференциальных уравнений) в исследованиях и экономических расчетах и в профессиональной деятельности сферы управления персоналом.

3. Возможность принимать обоснованные экономические решения в различных областях жизнедеятельности на основе теории дифференциальных уравнений при решении практических и исследовательских задач в сфере управления персоналом.

4. Возможности применения основ функционального аппарата и интегрального исчисления функций для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом.

5. Возможности применения основ теории дифференциальных уравнений для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом.

Раздел 3. Основы математического анализа

Тема 3.5. Дифференциальные уравнения

Цель занятия: освоение основ математического анализа (дифференциальные уравнения), осуществляя поиск, критический анализ и синтез информации, применяя системный подход для решения поставленных задач в сфере управления персоналом.

Компетенция: УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.

Тип занятия: практическое занятие

Форма проведения: устный ответ (в форме дискуссии), решение математических задач, представление доклада в форме презентации на определенную тему.

Основная тема (либо проблема) для обсуждения: использование основ математического анализа (дифференциальные уравнения) для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом и возможности такого использования.

Вопросы для обсуждения:

1. Дать определение числового ряда.
2. Что понимается под суммой числового ряда?
3. При каких условиях числовые ряды сходятся и расходятся?
4. Сформулировать основные свойства сходящихся числовых рядов.
5. Сформулировать рассмотренные признаки сходимости числовых рядов.
6. Дать определение знакопеременного числового ряда.
7. Сформулировать признак сходимости Лейбница.
8. При каких условиях числовой ряд является сходящимся абсолютно и сходящимся условно?
9. Сформулировать и записать признак Даламбера для знакопеременных (знакопеременных) числовых рядов.
10. Дать определение степенного ряда.
11. Что понимается под сходимостью степенных рядов в точке, интервале, области?
12. Дать определение и записать формулы радиуса, интервала и области сходимости степенного ряда.
13. Какой степенной ряд называется обобщенным?
14. Записать выражения для рядов Тейлора и Маклорена.
15. Привести формулы для разложения элементарных функций в ряд Маклорена.

16. Сформулировать задачу вычисления значений функции посредством степенных рядов. Привести примеры. Изложить порядок оценки точности полученного результата

17. Написать ряд Фурье для функции, заданной на отрезке с периодом.
 18. Написать формулы для определения коэффициентов этого ряда.
 19. Числовые и степенные ряды.
 20. Основные сведения о рядах.
 21. Признаки сходимости ряда с положительными членами (признаки сравнения, Коши, Даламбера, интегральный).
 22. Сходимость рядов с членами произвольного знака. Признак Лейбница.
 23. Область сходимости степенного ряда.
 24. Ряды Тейлора и Маклорена.
 25. Применение рядов в приближенных вычислениях.
 26. Приложения степенных рядов.
 27. Задачи темы «Ряды» с экономическим и управленческим содержанием
- Математические задачи*

1. Написать пять первых членов последовательности, если ее n -й член a_n имеет вид:

- 1) $\frac{1}{4n-1}$; 2) $(-1)^n \cdot \frac{1}{4n-1}$; 3) $\frac{2^n+1}{2^n}$; 4) $\frac{2+(-1)^{n-1}}{n}$.

2. Пользуясь непосредственно определением, показать, что ряд сходится, и найти

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n(n+1)} = \frac{1}{1 \cdot 2} + \frac{1}{2 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 4} + \dots + \frac{1}{n(n+1)} + \dots$$

его сумму.

3. Пользуясь необходимым признаком сходимости, показать, что ряд $1 + \frac{1}{2} + \frac{2}{3} + \frac{3}{4} + \dots + \frac{n}{n+1} + \dots$, расходится.

4. Исследовать на сходимость ряд $\frac{1}{5 \cdot 2} + \frac{1}{5 \cdot 2^2} + \frac{1}{5 \cdot 2^3} + \dots + \frac{1}{5 \cdot 2^n} + \dots$.

5. Исследовать на сходимость ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{3n+1}$.

6.

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n \cdot 3^n} = \frac{1}{1 \cdot 3} + \frac{1}{2 \cdot 3^2} + \dots + \frac{1}{n \cdot 3^n} + \dots$$

7. Доказать сходимость ряда

8. С помощью признака Даламбера решить вопрос о сходимости ряда $\frac{1}{3} + \frac{2}{3^2} + \frac{3}{3^3} + \dots + \frac{n}{3^n} + \dots$.

9. Исследовать на сходимость ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{n+1}{8n-1}\right)^n$.

10. Пользуясь признаком Лейбница, исследовать на сходимость знакопереда-

$$1 - \frac{1}{2} + \frac{1}{3} - \frac{1}{4} + \dots + (-1)^{n-1} \frac{1}{n} + \dots$$

ющийся ряд

11. Найти область сходимости степенного ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n \cdot x^n}{3^n \cdot \sqrt{n}}$.

Кейс-задачи

1. Пусть на расчетный счет в течение n лет в конце года поступает M руб. Проценты начисляются в конце года по ставке i . Определите наращенную сумму и текущую сумму на начальный момент времени данного потока платежей.

2. Найдите начальную стоимость вечной ренты, гарантирующей ежегодное поступление на счет M рублей и начисление процентов по ставке i . Обе операции производятся в конце каждого года.

Представление доклада в форме презентации на тему:

1. Возможность использования понятий теории рядов в экономических исследованиях и экономических расчетах и в профессиональной деятельности сферы управления персоналом.

2. Применение решения и примеров задач (теории рядов) в исследованиях и экономических расчетах и в профессиональной деятельности сферы управления персоналом.

3. Возможности применения основ теории рядов для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом.

Раздел 3. Основы математического анализа

Тема 3.6. Функции нескольких переменных

Цель занятия: освоение основ математического анализа (основы дифференциального исчисления функций нескольких переменных), осуществляя поиск, критический анализ и синтез информации, применяя системный подход для решения поставленных задач в сфере управления персоналом.

Компетенция: УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.

Тип занятия: практическое занятие

Форма проведения: устный ответ (в форме дискуссии), решение математических задач и кейс-задач, представление доклада в форме презентации на определенную тему.

Основная тема (либо проблема) для обсуждения: использование основ математического анализа (основы дифференциального исчисления функций нескольких переменных) для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом и возможности такого использования.

Вопросы для обсуждения:

1. Исследование функции нескольких переменных с помощью производных.
2. Использование функциональных зависимостей для формализации содержательного описания проблемы и постановки задач в сфере государственного и муниципального управления.

3. Функции нескольких переменных (ФНП).

4. Производные функции нескольких переменных.

5. Виды экстремумов (ФНП).

6. Условия нахождения экстремумов (ФНП).

7. Условный экстремум (ФНП).

8. Применение в экономических задачах (ФНП) в сфере управления персоналом.

9. Возможности функций нескольких переменных для количественного и качественного анализа процессов (объектов), при оценке состояния экономической, социальной, политической среды, деятельности органов государственной власти Российской Федерации, органов государственной власти субъектов Российской Федерации, органов местного самоуправления, государственных и муниципальных, пред-

приятий и учреждений, политических партий, коммерческих и некоммерческих организаций.

Математические задачи

1. Найти частные производные первого порядка функции $z = x^2 + 2x + y^2 - 3$
2. Показать, что функция $z = y \cdot \ln(x^2 - y^2)$ удовлетворяет уравнению
$$\frac{1}{x} \cdot \frac{\partial z}{\partial x} + \frac{1}{y} \frac{\partial z}{\partial y} = \frac{z}{y^2}.$$
3. Найти экстремумы функции двух переменных $z = f(x, y)$.
 - а. $z = 2x^3 + 6xy^2 - 30x - 24y$.
 - б. $z = x^3 - y^3$.

Представление *доклада в форме презентации* на тему:

1. Возможность использования понятий теории функции нескольких переменных (ФНП) в экономических исследованиях и экономических расчетах и в профессиональной деятельности сферы управления персоналом.
2. Применение решения и примеров задач (теории функции нескольких переменных (ФНП)) в исследованиях и экономических расчетах и в профессиональной деятельности сферы управления персоналом.
3. Возможность принимать обоснованные экономические решения в различных областях жизнедеятельности на основе теории функции нескольких переменных (ФНП) при решении практических и исследовательских задач в сфере управления персоналом.
4. Возможности применения основ функционального аппарата и теории функции нескольких переменных (ФНП) для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом.
5. Возможности применения основ теории функции нескольких переменных (ФНП) для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом.

Раздел 4. Элементы теории вероятностей

Цель занятия: освоение основ теории вероятностей, осуществляя поиск, критический анализ и синтез информации, применяя системный подход для решения поставленных задач в сфере управления персоналом.

Компетенция: УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.

Тип занятия: практическое занятие

Форма проведения: устный ответ (в форме дискуссии), решение математических задач и кейс-задач, представление доклада в форме презентации на определенную тему.

Основная тема (либо проблема) для обсуждения: использование основ теории вероятностей для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом и возможности такого использования.

Вопросы для обсуждения:

1. Случайные события и комбинаторика.
2. Основные понятия и определения случайных событий.
3. Классическое, статистическое и геометрическое определение вероятности события.

4. Теоремы сложения и умножения вероятностей.
5. Формула полной вероятности.
6. Формула Байеса (теорема гипотез).
7. Повторение независимые испытания.
8. Теорема Бернулли и ее следствия.
9. Теорема Пуассона.
10. Интегральная и дифференциальная теоремы Лапласа.
11. Формула Муавра-Лапласа.
12. Функция Лапласа.
13. Случайные величины. Основные понятия и определения.
14. Законы распределения вероятностей дискретных случайных величин (биномиальный, геометрический, Пуассона).
15. Числовые характеристики случайных величин.
16. Функция и плотность распределения случайной величины.
17. Законы распределения вероятностей непрерывных случайных величин (равномерный, показательный).
18. Нормальный закон распределения вероятностей случайных величин.
19. Системы случайных величин, законы их распределения, числовые характеристики.
20. Предельные теоремы теории вероятностей.
21. Задачи теории вероятностей с экономическим и управленческим содержанием для применения знаний в сфере экономики и управления с целью анализа потенциала и тенденций развития российской и мировой экономик для решения практических и исследовательских задач в сфере управления персоналом.

Математические задачи

1. Шесть клиентов случайным образом обращаются в 5 фирм. Найти вероятность того, что, хотя бы в одну фирму никто не обратится.
2. Среди сотрудников фирмы 28% знают английский язык, 30% – немецкий, 42% – французский; английский и немецкий – 8%, английский и французский – 10%, немецкий и французский – 5%, все три языка – 3%. Найти вероятность того, что случайно выбранный сотрудник фирмы: а) знает английский или немецкий; б) знает английский, немецкий или французский; в) не знает ни один из перечисленных языков.
3. Курс акции за день может подняться на 1 пункт с вероятностью 50%, опуститься на 1 пункт с вероятностью 30% и остаться неизменным с вероятностью 20%. Найти вероятность того, что за 5 дней торгов курс поднимется на 2 пункта.
4. Человек, принадлежащий к определенной группе населения, с вероятностью 0,2 оказывается брюнетом, с вероятностью 0,3 — шатеном, с вероятностью 0,4 — блондином и с вероятностью 0,1—рыжим. Выбирается наугад группа из шести человек. Найти вероятности следующих событий: A —в составе группы не меньше четырех блондинов; B —в составе группы хотя бы один рыжий; C —в составе группы равное число блондинов и шатенов.
5. Набирая номер телефона, абонент забыл последние три цифры, и помня лишь, что эти цифры различны, набрал их наудачу. Найти вероятность того, что набраны нужные цифры.
6. Монету бросают 5 раз. Найти вероятность того, что «герб» выпадет: а) менее 2 раз; б) не менее 2 раз.
7. Заданы математическое ожидание m и среднее квадратическое отклонение σ нормально распределенной случайной величины x . Найти: 1) вероятность того, что x примет значение, принадлежащее интервалу $(\alpha; \beta)$; 2) вероятность того, что абсолютная величина отклонения $|x - m|$ окажется меньше δ :
 $m = 15, \sigma = 2, \alpha = 16, \beta = 25, \delta = 4.$

Кейс-задачи

1. Две организации производят одинаковую продукцию. Вероятность того, что АО «Стройка» выйдет на мировой рынок, равна 0,6, а вероятность выхода на мировой уровень ПАО «Стройопторг» равен 0,7. Найти вероятность того, что только одна организация выйдет на мировой рынок.

2. В городе 10 коммерческих банков. У каждого риск банкротства в течение года составляет 10 %. Чему равна вероятность того, что в течение года обанкротится больше одного банка?

3. Предприниматель решил вложить свои средства поровну в два «независимых» контракта, каждый из которых действует два года и принесет ему прибыль в размере 100%. Вероятность того, что каждый из контрактов за два года не «лопнет», равна 0.8. Какова вероятность риска? Или какова вероятность того, через два года по истечении срока действия этих контрактов, предприниматель, по меньшей мере, «ничего не потеряет»? (*Ответ:* 0.96).

4. В рекламной фирме 21% работников получают высокую заработную плату. Известно также, что 40% работников фирмы - женщины, а 6,4% работников - женщины, получающие высокую заработную плату. Можно ли утверждать, что на фирме существует дискриминация женщин в оплате труда?

5. В части А Единого государственного экзамена по математике в 2005 году было 10 заданий с выбором ответа. К каждому из них предлагается 4 варианта ответа, из которых только один верный. Если ученик не знает предмет и отвечает наугад, то с вероятностью $\frac{1}{4}$ он выберет правильный ответ, а с вероятностью $\frac{3}{4}$ - ошибется. Для получения положительной оценки за экзамен необходимо правильно ответить минимум на 6 заданий. Какова вероятность того, что нерадивый ученик сдаст экзамен?

6. В лифт семиэтажного дома на первом этаже вошли три человека. Каждый из них с одинаковой вероятностью выходит на любом из этажей, начиная со второго. Найти вероятности следующих событий: *A* — все пассажиры выйдут на четвертом этаже; *B*—все пассажиры выйдут одновременно (на одном и том же этаже); *C*—все пассажиры выйдут на разных этажах.

7. Завод изготавливает изделия, каждое из которых должно подвергаться четырем видам испытаний. Первое испытание изделие проходит благополучно с вероятностью 0,9; второе— с вероятностью 0,95; третье — с вероятностью 0,8 и четвертое — с вероятностью 0,85. Найти вероятность того, что изделие пройдет благополучно: *A* — все четыре испытания; *B*—ровно два испытания (из четырех); *C*—не менее двух испытаний (из четырех).

Представление *доклада в форме презентации* на тему:

1. Возможность использования понятий теории вероятностей в экономических исследованиях и экономических расчетах и в профессиональной деятельности сферы управления персоналом.

2. Применение решения и примеров задач (теории вероятностей) в исследованиях и экономических расчетах и в профессиональной деятельности сферы управления персоналом.

3. Возможность принимать обоснованные экономические решения в различных областях жизнедеятельности на основе теории вероятностей при решении практических и исследовательских задач в сфере управления персоналом.

4. Возможности применения основ функционального аппарата и теории вероятностей для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом.

5. Возможности применения основ теории вероятностей для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и

качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом.

Раздел 5. Основы математической статистики

Цель занятия: освоение основ математической статистики, осуществляя поиск, критический анализ и синтез информации, применяя системный подход для решения поставленных задач в сфере управления персоналом.

Компетенция: УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.

Тип занятия: практическое занятие

Форма проведения: устный ответ (в форме дискуссии), решение математических задач и кейс-задач, представление доклада в форме презентации на определенную тему.

Основная тема (либо проблема) для обсуждения: использование основ математической статистики для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом и возможности такого использования.

Вопросы для обсуждения:

1. Изложить основные задачи математической статистики.
2. Изложить основные определения (генеральная и выборочная совокупности, вариационный ряд, статистическое распределение выборки, полигон и гистограмма).
3. Что называется выборочной средней и выборочной дисперсией случайной величины?
4. Что называется доверительной вероятностью и доверительным интервалом?
5. Дать определение статистической гипотезе.
6. Изложить методику применения критерия Пирсона для проверки гипотезы о нормальном распределении случайной величины.
7. Дать определение и сформулировать свойства коэффициента корреляции.
8. Дать определение выборочного коэффициента корреляции.
9. Записать уравнения прямых регрессии.
10. Записать уравнения выборочных прямых регрессии.
11. Дать определение корреляционного отношения. Объяснить его вероятностный смысл.
12. Основы теории математической статистики.
13. Предмет и задачи математической статистики.
14. Генеральная и выборочная совокупность.
15. Вариационный ряд.
16. Статистическое распределение выборки.
17. Полигон и гистограмма.
18. Статистические оценки параметров распределения.
19. Математическая статистика.
20. Основы теории математической статистики.
21. Статистическая проверка гипотез.
22. Критерий согласия Пирсона.
23. Элементы теории корреляции.
24. Линейная регрессия.

Математические задачи

1. Средние ежемесячные расходы на покупку канцелярских принадлежностей для отделения банка составляют 3000 руб., а среднее квадратичное отклонение этой случайной величины не превышает 750 руб. Оценить вероятность того, что расходы на канцелярские принадлежности в любой наугад выбранный месяц не превысят 6000 руб., используя: а) неравенство Маркова; б) неравенство Чебышёва.

2. Банк выдает кредиты по 1 млн руб. сроком на 1 год. Известно, что в среднем

вероятность невозврата кредита = 1 %. Какую процентную ставку должен установить банк, чтобы в среднем иметь прибыль?

3. Необходимо изучить распределение размера обуви, проданной в интересующем магазине, с целью обеспечить нужное количество обуви каждого размера. Получены следующие данные о размере проданной в магазине за сутки обуви (женской): 35, 35, 36, 36, ..., 42, 42. Всего продано 100 штук. Сделать выводы.

4. Из генеральной совокупности извлечена выборка объема $n = 21$:

x_i	2	6	8	10	Σ
n_i	3	4	6	8	21

Требуется найти: 1) и построить эмпирическую функцию распределения; 2) выборочное среднее, «исправленное» СКО, выборочную моду и медиану.

5. Требуется при уровне значимости $\alpha = 0,05$ проверить по критерию согласия Пирсона гипотезу о нормальном распределении генеральной совокупности, если известны эмпирические частоты n_i и теоретические частоты n'_i :

n_i	8	10	18	27	17	11	9
n'_i	5	15	16	25	20	12	7

6. Из генеральной совокупности извлечена выборка, представленная в виде ряда. Требуется проверить, согласуются ли выборочные данные с гипотезой о нормальном распределении случайной величины X с помощью критерия согласия Пирсона при уровне значимости $\alpha = 0,05$, разбив отрезок $[x_{min}; x_{max}]$ на l интервалов одинаковой длины. Величину l рассчитать по формуле Стерджеса $l = 1 + 3,322 \cdot \lg n$.

2,1	2,3	1,5	3,1	2,7	1,9	2,4	0,9	2,5	1,1
1,3	2,9	2,3	3,9	2,4	3,6	1,6	3,2	2,9	2
2,1	3,3	0,8	3,5	1,7	2,6	4,1	2,8	1,2	2,5
1,1	2,4	1,5	3,2	2,7	1,5	3,7	1,9	3,1	4
4,1	2,9	2	1,1	0,7	3,3	2,5	1,6	2,4	2,1
3,2	0,9	2,8	4,2	2,8	1,9	1,2	1,7	3,5	2
2,7	3,9	2,4	1,7	3,6	2,5	0,8	3,1	2,1	1,3

3,2	1,6	0,7	2,6	1,3	2	3,7	2,9	4	3,1
2,8	4,1	1,9	3,6	3,3	2,9	0,6	1,5	1,2	2,4
1,1	3,5	1,6	2,4	3,9	2,7	2,5	1,9	2,6	3,2

Кейс-задачи

1. В страховой компании 10 тыс. клиентов. Страховой взнос каждого клиента составляет 500 руб. Вероятность наступления страхового случая равна (по оценкам экспертов компании) 0,005, а страховая выплата при наступлении страхового случая составляет 50 тыс. руб. а) Определить, на какую прибыль может рассчитывать страховая компания с вероятностью 0,99. б) Определить минимальный размер страховой премии, при котором страховая компания получит прибыль, не меньшую 1 млн руб., с вероятностью 0,999.

2. Для определения среднего дохода налогоплательщиков города налоговой инспекцией была проведена проверка 250 жителей этого города, отобранных случайным образом. Оценить вероятность того, что средний годовой доход жителей города отклонится

от среднего арифметического $\bar{X} = \frac{1}{250} \sum_{i=1}^{250} X_i$ годовых доходов выбранных 250 жителей не более чем 153 на 1 000 руб., если известно, что среднее квадратичное отклонение годового дохода не превышает 2 500 руб.

3. По статистическим данным в среднем 87 % новорожденных доживают до 50 лет (т. е. вероятность дожития до 50 лет равна 0,87). С помощью неравенства Чебышёва оценить вероятность того, что из 1000 новорожденных доля (относительная частота) доживших до 50 лет будет отличаться от вероятности не более чем на 0,04 (по модулю).

4. Предприимчивый Семен Семенович хочет проверить надпись на рекламном баннере, которая гласит, что в лотерее «СтопЖирЛото» почти треть всех билетов выигрышные. Чтобы реализовать свою задумку, он попросил n своих друзей купить по 10 лотерейных билетов. Пусть X_i — число выигрышных билетов друга i и p — вероятность

выигрыша одного билета. а) Какое распределение имеет величина X_i ? б) Записать функцию правдоподобия $L(p)$ для выборки X_1, \dots, X_n . в) Методом максимального правдоподобия найти оценку p . г) Найти информацию Фишера для одного наблюдения $i(p)$. д) Будет ли оценка параметра p , полученная по методу максимального правдоподобия, эффективной? е) Найти оценку максимального правдоподобия математического ожидания и дисперсии выигранных произвольным другом билетов. ж) Дана реализация случайной выборки пяти друзей Семена Семеновича. Число выигрышных билетов оказалось равно (3, 4, 0, 2, 6). Найти значение точечной оценки вероятности выигрыша p . Как вы думаете, похоже ли утверждение организаторов на правду?

Представление *доклада в форме презентации* на тему:

1. Возможность использования понятий основ теории статистики в экономических исследованиях и экономических расчетах и в профессиональной деятельности сферы управления персоналом.

2. Применение решения и примеров задач (основ теории статистики) в исследованиях и экономических расчетах и в профессиональной деятельности сферы управления персоналом.

3. Возможность принимать обоснованные экономические решения в различных областях жизнедеятельности на основе теории статистики при решении практических и исследовательских задач в сфере управления персоналом.

4. Возможности применения основ функционального аппарата и основ теории статистики для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом.

5. Возможности применения основ теории статистики для постановки и решения задач анализа в сфере управления персоналом, количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений и построении моделей, опосредующих управление персоналом.

6.2. Самостоятельная работа обучающихся

Раздел 1. Линейная алгебра

Вид работы: изучение литературы по теме, подготовка к практическому занятию.

Вопросы для подготовки к дискуссии:

1. Что называется матрицей – строкой (матрицей - столбцом)?
2. Дать определение матрицы (в общем случае).
3. Что называется единичной матрицей?
4. Перечислите основные линейные операции над матрицами.
5. Изложить принцип умножения строки на столбец.
6. Изложить методику нахождения произведения матриц.
7. Изложить методику возведения матрицы в натуральную степень.
8. Что называется определителем квадратной матрицы?
9. Изложить методику вычисления определителей 2-ого и 3-его порядков.
10. Сформулировать теорему разложения определителя по строке (столбцу).
11. Какие преобразования матриц называются элементарными?
12. Сформулировать свойства определителя.
13. Что называется решением системы линейных уравнений?
14. Перечислить основные наименования линейных систем в зависимости от вида решений.
15. Дать определение обратной матрицы.
16. Дать определение минору и алгебраическому дополнению элемента определителя.
17. Изложить методику нахождения обратной матрицы (2 способа).
18. Записать систему уравнений в матричной форме.

19. Изложить алгоритм решения линейной системы матричным методом.
20. Сформулировать теорему Крамера.
21. Изложить методику решения системы уравнений методом Крамера.
22. Дать определение ранга матрицы.
23. Изложить методику нахождения ранга матрицы.
24. Сформулировать теорему Кронекера-Капелли.
25. Изложить методику исследования системы методом Гаусса.
26. Изложить методику решения системы методом Гаусса (прямой и обратный ход).

Задачи для самостоятельной работы

1. Даны матрицы $A = \begin{pmatrix} -2 & 3 & 0 & -4 \\ 1 & -3 & 4 & -2 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 3 & -2 & 1 & 5 \\ -4 & -1 & -3 & 0 \end{pmatrix}$. Найти матрицу $-2A + 3B$.

2. Вычислить определители: а) $\begin{vmatrix} 2 & -4 \\ 3 & 5 \end{vmatrix}$; б) $\begin{vmatrix} \cos \alpha & \sin \alpha \\ -\sin \alpha & \cos \alpha \end{vmatrix}$; в) $\begin{vmatrix} 2 & 3 & 4 \\ 5 & -2 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{vmatrix}$.

3. Найти матрицу $C = AB$, если: а) $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ -2 & 0 & -1 \end{pmatrix}$;
б) $A = \begin{pmatrix} 0 \\ -2 \end{pmatrix}$, $B = (1 \ 2)$.

$$A = \begin{pmatrix} 0 & -1 & 3 \\ -2 & 3 & 1 \\ 1 & -2 & 3 \end{pmatrix}.$$

4. Найти обратную к матрице
5. Решить систему уравнений матричным способом:

$$\begin{cases} x + y - z = 2 \\ 2x - 3z = 0 \\ x - y = 2 \end{cases} \quad A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 2 & 0 & -3 \\ 1 & -1 & 0 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix}, \quad X = \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix}.$$

6. Структурная матрица торговли трех стран S_1, S_2, S_3 имеет вид:
 $A = \begin{pmatrix} 1/3 & 1/4 & 1/2 \\ 1/3 & 1/2 & 1/2 \\ 1/3 & 1/4 & 0 \end{pmatrix}$. Найти соотношение национальных доходов стран для сбалансированной торговли.

7. Решить систему линейных уравнений:
$$\begin{cases} x_1 - 2x_2 + 3x_3 = 0, \\ 2x_1 + x_2 - x_3 = 1, \\ 3x_1 - x_2 - 2x_3 = 0. \end{cases}$$

Раздел 2. Аналитическая геометрия

Вид работы: изучение литературы по теме, подготовка к практическому занятию.

Вопросы для подготовки к дискуссии:

1. Дать определение вектора.
2. Когда векторы коллинеарны, компланарны, равны?
3. Изложить основные свойства линейных операций над векторами.
4. Что называется проекцией вектора на ось?
5. Записать формулы для определения проекций вектора на оси системы координат.
6. Дать определение скалярного произведения векторов.
7. Перечислить свойства скалярного произведения.
8. Записать формулу скалярного произведения в координатной форме.
9. Записать формулу для определения угла между векторами.
10. Сформулировать условие ортогональности векторов.
11. Дать определения векторного произведения двух векторов.
12. Чему равно векторное произведение одноименных и разноименных ортов?
13. Записать формулу векторного произведения в координатной форме.
14. Записать формулу для определения площади параллелограмма, треугольника.

15. Дать определение смешанного произведения трех векторов.
16. Записать формулу смешанного произведения в координатной форме.
17. Декартовы и полярные координаты точки на плоскости.
18. Записать общее уравнение прямой.
19. Записать нормальное уравнение прямой.
20. Записать уравнение прямой с угловым коэффициентом.
21. Записать уравнение прямой в отрезках.
22. Объяснить методику перехода от общего уравнения к другим видам уравнений.
23. Записать формулы основных задач на прямую на плоскости (точка пересечения, угол между прямыми, расстояние от точки до прямой).
24. Сформулировать признаки параллельности и перпендикулярности двух прямых.
25. Записать уравнения окружности (каноническое и со смещенным центром).
26. Записать уравнения эллипса (каноническое и со смещенным центром).
27. Записать уравнения гиперболы (каноническое и со смещенным центром).
28. Записать уравнения параболы (каноническое и со смещенным центром).
29. Указать характерные линии и точки кривых второго порядка.
30. Объяснить методику построения эллипса, гиперболы и параболы.
31. Что называется направляющим вектором прямой в пространстве?
32. Записать и прокомментировать канонические уравнения прямой.
33. Записать и прокомментировать параметрические уравнения прямой.
34. Сформулировать условия параллельности и перпендикулярности прямых.
35. Записать и объяснить различные варианты общих уравнений плоскости.
36. Записать и прокомментировать уравнение плоскости в отрезках.
37. Записать и прокомментировать уравнение плоскости с угловым коэффициентом.
38. Что называется нормальным вектором плоскости?
39. Привести примеры взаимного расположения двух плоскостей в пространстве (пересечение, параллельность, перпендикулярность, угол между плоскостями).
40. Сформулировать условие параллельности прямой и плоскости в пространстве.
41. Сформулировать условие, когда прямая лежит в плоскости.
42. Записать уравнения основных поверхностей второго порядка, изобразить схематично (сфера, эллипсоид, гиперболоид, параболоид, цилиндрические поверхности).

Задачи для самостоятельной работы

1. Даны векторы $\vec{a} = (2; -1; -2)$ и $\vec{b} = (8; -4; 0)$.

Найти: а) векторы $\vec{c} = 2\vec{a}$ и $\vec{d} = \vec{b} - \vec{a}$; б) длины векторов \vec{c} и \vec{d} ; в) скалярный квадрат вектора \vec{d} ; г) скалярное произведение векторов (\vec{c}, \vec{d}) ; д) угол между векторами (\vec{c}, \vec{d}) ;

2. Пусть $ABCD$ — параллелограмм. M и N — середины его сторон (рис. 2.10).

Разложить вектор \vec{DC} по векторам $\vec{a} = \vec{AM}$, $\vec{b} = \vec{AN}$.

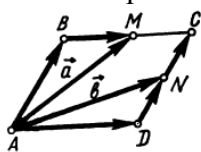


Рис. 2.10

3. Найти скалярные произведения векторов $\vec{m} = 2\vec{a} - 3\vec{b}$ и $\vec{n} = 4\vec{a} + 5\vec{b}$, если $|\vec{a}| = 1$, $|\vec{b}| = 2$, $\widehat{(\vec{a}, \vec{b})} = \frac{\pi}{3}$.

4. Даны вершины треугольника: $A(-5, 3)$, $B(-4, -6)$, $C(0, 2)$. Написать: а) уравнение медианы AM , б) высоты $АН$, в) найти угол между AM и $АН$.
5. Написать уравнение плоскости, проходящей через точки $A(1, 2, -3)$, $B(0, 1, -1)$, $C(7, -3, 5)$.
6. Составить уравнение прямой, проходящей через точку $(-8; 1)$ параллельно прямой $2x - y + 7 = 0$.
7. Найти объем тетраэдра, заданного вершинами $A(2; -1; 0)$, $B(5; 5; 3)$, $C(3; 2; -2)$, $D(4; 1; 2)$.
8. Доказать, что точки $A(0; 1; 2)$, $B(-2; 0; -1)$, $C(-1; 5; 8)$, $D(1, 6, 11)$ лежат в одной плоскости.
9. Найти угол между плоскостями $\alpha_1: 2x + 4y + 5 = 0$, и $\alpha_2: 2x - y + 2z = 0$.
10. Написать уравнение линии центров окружностей $x^2 + y^2 - 5x = 0$ и $x^2 + 2x + y^2 + y = 1$.
11. Написать уравнение окружности, если точки $A(-1; 4)$ и $B(3; 2)$ являются концами его диаметра.
12. Найти центр и радиус окружности $x^2 + y^2 + 4x - 6y - 23 = 0$.
13. Найти эксцентриситет эллипса $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{25} = 1$
14. Найти координаты центра и написать уравнения асимптот гиперболы $9x^2 - 16y^2 + 90x + 32y - 367 = 0$.
15. Составить каноническое уравнение эллипса, проходящего через точки $M_1(3; 2)$ и $M_2(4; \frac{2\sqrt{2}}{3})$, если его фокусы лежат на оси Ox симметрично началу координат.
16. Установить, что уравнения $16x^2 - 9y^2 - 64x - 54y - 161 = 0$ определяет гиперболу. Найти ее центр и полуоси.
17. Привести уравнение второго порядка к каноническому виду, назвать и построить кривую: $4x^2 + y^2 + 8x - 4y + 4 = 0$.

Раздел 3. Основы математического анализа

Тема 3.1. Введение в анализ

Вид работы: изучение литературы по теме, подготовка к практическому занятию.

Вопросы для подготовки к дискуссии:

1. Числовые множества. Операции над множествами.
 2. Множество комплексных чисел. Операции с комплексными числами.
 3. Дать определение точных граней множества.
 4. Дать определение функции как отображения множеств.
 5. Изложить способы задания функции.
 6. Изложить методику нахождения области определения функции.
 7. Изложить основные свойства функции.
 8. Сформулировать понятие обратимой функции. Привести примеры.
 9. Обосновать утверждение «Монотонная функция не может быть периодичной».
- Справедливо ли утверждение «Периодичная функция может быть монотонной»?
10. Перечислить простейшие элементарные функции.
 11. Построить графики простейших элементарных функций.
 12. Что называется сложной функцией?
 13. Как называется функция натурального аргумента? Как выглядит график этой функции?
 14. Объяснить технологию построения графика функции методом сложения.
 15. Какое влияние оказывает на поведение графика функции изменение знака

(возведении аргумента в натуральную степень, прибавление к аргументу отрицательного числа) в аналитическом представлении этой функции.

16. Привести основную классификацию функций.
17. Привести примеры функций, заданных неявно и параметрически.
18. Привести примеры графиков функций из экономики (физики), описать их свойства.
19. Дать определение предела числовой последовательности.
20. Дать определение предела функции в бесконечности и в точке.
21. Дать определение одностороннего предела функции в точке.
22. Дать определение бесконечно малой функции.
23. Изложить свойства бесконечно малых функций.
24. Дать определение бесконечно большой функции.
25. Сформулировать теорему о связи бесконечно малых и бесконечно больших функций.
26. Сформулировать основные теоремы о пределах.
27. Изложить признаки существования предела.
28. Изложить теорему о первом замечательном пределе, указать ее следствия.
29. Изложить теорему о втором замечательном пределе, указать ее следствия.
30. Какая функция называется непрерывной в точке, ее свойства.
31. Изложить свойства функций, непрерывных на отрезке.
32. Привести классификацию точек разрыва.
33. Изобразить графически функции, имеющие разрывы различных типов.

Задачи для самостоятельной работы

1. Вычислить предел: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2n^3 - 7n^2 + 3n - 4}{3n^3 - 12n} \cdot \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x+9} - 3}{x}, \lim_{x \rightarrow 2} (5x^2 - 13x + 5),$
 $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 + 1}{2x - 1}, \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - 9}, \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2}{x - 2}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos 5x - \cos 3x}{x^2},$
 $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \left(x - \frac{\pi}{2}\right) \operatorname{tg} x, \lim_{x \rightarrow 0} \sqrt[x]{1 + \sin 2x}, \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x - 1}{2x + 3}\right)^{1-5x}, \lim_{x \rightarrow 0} (\cos 2x)^{\sin^2 3x}.$

Тема 3.2. Основы дифференциального исчисления

Вид работы: изучение литературы по теме, подготовка к практическому занятию.

Вопросы для подготовки к дискуссии:

1. Дать определение производной функции одной независимой переменной.
2. Какая функция называется дифференцируемой на промежутке?
3. Изложить геометрический, физический и экономический смысл производной.
4. Может ли функция, непрерывная в точке, быть в этой точке не дифференцируема?
5. Дать определение дифференциала функции одной независимой переменной.
6. Изложить и записать основные правила дифференцирования.
7. Записать таблицу производных основных элементарных функций.
8. Записать правило нахождения дифференциала суммы (произведения, частного).
9. Описать технологию приближенных вычислений с помощью дифференциала.
10. Сформулировать правила дифференцирования сложной и неявной функций.
11. Сформулировать правило дифференцирования функции, заданной параметрически.
12. Описать технологию нахождения производной степенно-показательной функции.
13. Сформулировать правила нахождения производных высшего порядка.

14. Привести примеры функций, не имеющих производную в точке.
15. Что понимают под бесконечной производной?
16. Сформулировать основные теоремы дифференциального исчисления (теоремы о среднем).
17. Сформулировать правило Лопиталя. Привести примеры его применения.
18. Записать формулу Тейлора.
19. Привести разложения элементарных функций по формуле Маклорена.
20. Дать определения понятиям возрастания и убывания функции.
21. Сформулировать теоремы об условиях возрастания и убывания функции.
22. Дать определение экстремума функции.
23. Сформулировать необходимые и достаточные условия существования экстремума функции.
24. Объяснить понятие «наибольшее и наименьшее значение функции на отрезке».
25. Дать определение выпуклости функции.
26. Что называется точкой перегиба функции?
27. Сформулировать условия выпуклости функции, условия существования точек перегиба.
28. Дать определение асимптотам графика функции.
29. Отыскание асимптот графика функции.
30. С помощью понятий приращение, производная, дифференциал дать определение средней скорости вращения, мгновенной скорости вращения, эластичности спроса по цене, предельных издержек производства.

Задачи для самостоятельной работы

1. Вычислить производную: $y = x \cdot \log_2^3(\operatorname{tg} 3x)$.
2. Найти производную функции: $y = \frac{\sin 3x}{x+1}$.
3. Вычислить $y''(0)$, если $y = x^2 \cdot e^{x^2}$.
4. Найти производную функции одной переменной. Используя правила вычисления производных и таблицу производных элементарных функций.
 - 1) $y = 26\sqrt[3]{x^{32}} - 7\operatorname{tg} 2x$, 2) $y = e^{4^x} \arccos 3x$, 3) $y = \frac{\operatorname{ctg} 6x}{2x^4}$.
5. Найти точки перегиба, промежутки выпуклости и вогнутости графика функции $f(x) = \frac{2x^2}{1+x^2}$.
6. Найти наибольшее и наименьшее значения функций на заданных отрезках $y = \frac{4x}{4+x^2}$, $[-4, 2]$.

Тема 3.3. Основы интегрального исчисления

Вид работы: изучение литературы по теме, подготовка к практическому занятию.

Вопросы для подготовки к дискуссии:

1. Дать определение первообразной.
2. Дать определение неопределенного интеграла и записать его выражение.
3. Сформулировать и записать основные свойства неопределенного интеграла.
4. Какие методы применяются при нахождении неопределенных интегралов?
5. Объяснить основные методы интегрирования, привести примеры.
6. Объяснить метод интегрирования по частям, записать формулу, привести пример.
7. Объяснить метод подстановки, привести пример.
8. Дать определение правильной и неправильной рациональных дробей, привести

примеры.

9. На какие составляющие преобразуется неправильная рациональная дробь? Привести пример.

10. Записать четыре вида простейших дробей рациональных функций.
11. Изложить алгоритм интегрирования рациональных функций.
12. Объяснить содержание способа вычисления неопределенных коэффициентов.
13. Выполнить интегрирование простейшей дроби первого (второго, третьего) ви-

да.

14. Изложить способы интегрирования тригонометрических функций.
15. Изложить способы интегрирования рассмотренных иррациональных функций.
16. Что называется определенным интегралом и как он обозначается?
17. Каков геометрический смысл определенного интеграла?
18. Сформулировать основные свойства определенного интеграла.
19. Написать и прочитать формулу Ньютона-Лейбница.
20. Изложить основные способы вычисления определенных интегралов.
21. Написать формулы для вычисления площади плоской криволинейной трапеции
22. Написать формулу для вычисления длины дуги плоской кривой.
23. Написать формулу для вычисления объема тела вращения.
24. Написать формулу для вычисления площади поверхности вращения.
25. Какие определенные интегралы называются несобственными?
26. Дать определение несобственного интеграла с бесконечными пределами интегрирования.
27. Дать определение несобственного интеграла от функции с бесконечными разрывами в области интегрирования.
28. Изложить методику вычисления несобственных интегралов.
29. Какие несобственные интегралы называются сходящимися и какие расходящимися?

Задачи для самостоятельной работы

1. Найти неопределенный интеграл $\int \frac{3x+1}{x(x-1)} dx$.
2. Найти неопределённые интегралы $\int \frac{dx}{\sin x + 2}$, $\int \left(\frac{1}{\sqrt{x}} + \sqrt[4]{x^3} \right) dx$, $\int \cos 5x dx$, $\int \frac{dx}{x+1}$, $\int \operatorname{ctg} x dx$, $\int e^x \sin e^x dx$, $\int e^{x^2} x dx$, $\int \frac{dx}{1+\sqrt{x}}$, $\int \sqrt{x+1} dx$, $\int \operatorname{ctg} x dx$, $\int \ln^2 x \frac{dx}{x}$, $\int \frac{x dx}{1+x^4}$, $\int (x^2+1) \sin 3x dx$, $\int (2x+3) \ln 5x dx$, $\int \frac{x dx}{\cos^2 x}$, $\int \frac{(x+3) dx}{x^2+4x+13}$, $\int \frac{(x+1) dx}{(x^2+1)^2}$.
3. Вычислить определенные интегралы $\int_0^2 x^2 dx$, $\int_0^2 \frac{dx}{4+x^2}$, $\int_2^5 \frac{dx}{2x+3}$, $\int_4^9 \frac{\sqrt{x} dx}{1+\sqrt{x}}$, $\int_0^{\frac{\pi}{2}} x \cdot \cos x dx$, $\int_0^1 x \cdot \operatorname{arctg} x dx$.
4. Исследовать на сходимость интеграл $\int_1^{\infty} \frac{dx}{x^2(e^x+1)}$.
5. Исследовать на абсолютную и условную сходимость интегралы

$$\int_1^{+\infty} \frac{\sin x}{\sqrt{x}} dx \text{ и } \int_1^{+\infty} \frac{\cos x}{\sqrt{x}} dx.$$

Тема 3.4. Дифференциальные уравнения

Вид работы: изучение литературы по теме, подготовка к практическому занятию.

Вопросы для подготовки к дискуссии:

1. Дать определение дифференциального уравнения (ДУ) первого порядка.
2. Привести примеры ДУ в различных областях науки.
3. Как проверить решение дифференциального уравнения?
4. Что называется общим решением ДУ?
5. Изложить методику решения задачи Коши.
6. Записать основные виды ДУ с разделенными и разделяющимися переменными, изложить методику их решения.
7. Дать определение общим и частным решениям ДУ первого порядка.
8. Дать определение и изложить методику решения однородного ДУ первого порядка
9. Дать определение и изложить методику решения линейных ДУ первого порядка (подстановка Бернулли и метод Лагранжа).
10. Дать определение и изложить методику решения уравнения Бернулли.
11. Дать определение и изложить методику решения уравнений в полных дифференциалах.
12. Привести примеры ДУ неразрешенных относительно производной.
13. Изложить основные понятия и определения ДУ высших порядков.
14. Изложить методику интегрирования ДУ, допускающих понижение порядка.
15. Дать определение линейного ДУ с переменными коэффициентами.
16. Записать однородное и неоднородное ДУ второго порядка с переменными коэффициентами, их общие и частные решения, дать пояснения.
17. Записать линейное однородное ДУ высшего порядка с постоянными коэффициентами.
18. Изложить методику получения характеристического уравнения и его корней.
19. Записать вид частных и общих решений линейного однородного ДУ для различных корней характеристического уравнения.
20. Дать определение линейному неоднородному ДУ высшего порядка с постоянными коэффициентами, записать это уравнение.
21. Сформулировать теорему об общем решении неоднородного линейного ДУ, записать общее решение такого уравнения.
22. Какими двумя методами может быть определено частное решение неоднородного линейного ДУ с постоянными коэффициентами?
23. Что называется системой ДУ?

Задачи для самостоятельной работы

1. Найти общее решение дифференциального уравнения первого порядка $y' = x^2 \sqrt[3]{y}$, $xy' = y + \sqrt{y^2 - x^2}$, $xy' + 3y = x^2$.
2. Проинтегрировать уравнение $\sin x \cdot dy - y \cdot \ln y \cdot dx = 0$, $y > 0$.
3. Проинтегрировать уравнение: $y' + xy = x^3 y^2$.
4. Найти общее решение уравнения: $y'' + y' - 2y = 0$.
5. Найти общее решение уравнения: $y'' + 2y' + 5y = 0$.

6. Найти общее решение уравнения $y'' + 9y' = 0$.
7. Найти общее решение уравнения: $y'' - 4y' + 4y = 0$.
8. Решить дифференциальное уравнение с постоянными коэффициентами второго порядка методом Бернулли (введением двух функций) $y'' + 2y' + y = e^{-x} \sqrt{x+1}$,
 $y'' + y = \operatorname{tg} x$

9. Найти общее решение уравнения: $y'' + 9y = (x^2 + 1)e^{3x}$.
10. Найти общее решение линейного неоднородного уравнения $y'' + 2y' + 5y = 2 \cos x$.

11. Проинтегрировать дифференциальное уравнение $y'' = 6x + \sin x$

12. Найти частное решение дифференциального уравнения $y' = \frac{2}{y^2}$, удовлетворяющее условиям: $y = 1, y' = 2$ при $x = 1$.

13. Найти общее решение дифференциального уравнения, или решение с заданными начальными условиями $y'' \sin^4 x = \sin 2x$, $y'' + y''' = x$, $y''' = \sqrt{1 + y''^2}$.

14. Эластичность объема валовой продукции Y от объема капитальных вложений X выражается формулой: $E_x(y) = \frac{\sqrt{x}}{4} + 1, x > 0$. Определить зависимость объема валовой продукции y от объема капитальных вложений x , если при $x = 9, y = e^{3/2}$.

15. Предположим, что размер предложения сельскохозяйственного продукта в t -ом году есть функция цены в $(t-1)$ году: $s = 2(t-1) + 5p - 4 \frac{dp}{dt}$, а спрос на этот продукт является функцией цены в данном t -ом году: $q = t + 3p + \frac{dp}{dt}$. Определить цену равновесия, т. е. когда спрос равен предложению: $s = q$.

16. Предположим, что динамическая функция предложения товара описывается зависимостью: $F\left(x, p, \frac{dp}{dt}\right) = \frac{x_t}{p_t - \sqrt{x_t p_t}} \cdot \frac{dp_t}{dt}$, где x_t - запас товара, $\frac{dp}{dt}$ - тенденция формирования цены, p - цена товара в данный момент времени t . Требуется определить зависимость цены от количества товара, если динамическая функция предложения товара будет равна скорости увеличения запаса товара.

17. Решить систему $\begin{cases} y_1' = 3y_1, \\ y_2' = y_1 + 2y_2. \end{cases}$

18. Найти общее решение системы: $\begin{cases} y_1' = y_1 - y_2, \\ y_2' = y_1 + y_2. \end{cases}$ и решить задачу Коши $(0; 1; 0)$.

Тема 3.5. Ряды

Вид работы: изучение литературы по теме, подготовка к практическому занятию.

Вопросы для подготовки к дискуссии:

1. Дать определение числового ряда.
2. Что понимается под суммой числового ряда?
3. При каких условиях числовые ряды сходятся и расходятся?
4. Сформулировать основные свойства сходящихся числовых рядов.

5. Сформулировать рассмотренные признаки сходимости числовых рядов.
6. Дать определение знакопеременующегося числового ряда.
7. Сформулировать признак сходимости Лейбница.
8. При каких условиях числовой ряд является сходящимся абсолютно и сходящимся условно?
9. Сформулировать и записать признак Даламбера для знакопеременных (знакопеременующихся) числовых рядов.
10. Дать определение степенного ряда.
11. Что понимается под сходимостью степенных рядов в точке, интервале, области?
12. Дать определение и записать формулы радиуса, интервала и области сходимости степенного ряда.
13. Какой степенной ряд называется обобщенным?
14. Записать выражения для рядов Тейлора и Маклорена.
15. Привести формулы для разложения элементарных функций в ряд Маклорена.
16. Сформулировать задачу вычисления значений функции посредством степенных рядов. Привести примеры. Изложить порядок оценки точности полученного результата
17. Написать ряд Фурье для функции, заданной на отрезке с периодом.
18. Написать формулы для определения коэффициентов этого ряда.

Задачи для самостоятельной работы

1. Найти в простейшей форме общий член ряда:
- а) $\frac{2}{5} + \frac{4}{9} + \frac{6}{13} + \dots$; б) $\frac{3}{5} - \frac{8}{10} + \frac{15}{17} - \frac{24}{26} + \dots$.

2. Найти формулу для общего члена ряда $\frac{1}{2 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 4} + \frac{1}{4 \cdot 5} + \frac{1}{5 \cdot 6} + \dots$, считая, что каждый его последующий член определяется по тому же закону, по которому образованы записанные члены, и найти его сумму.

3. Исследовать сходимость ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{4n+3}{5n-7}$.

4. Исследовать сходимость ряда $1 + \frac{1}{2 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 3^2} + \dots + \frac{1}{n \cdot 3^{n-1}} + \dots$.

5. Исследовать сходимость ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n^2+5}{n^3}$.

6. Исследовать сходимость рядов: а) $\frac{1}{2} + \frac{2}{2^2} + \dots + \frac{n}{2^n} + \dots$; б) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n n!}{n^n}$.

7. Исследовать ряд на сходимость: $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{2n-1}{3n-2} \right)^{4n+5} = \left(\frac{1}{1} \right)^9 + \left(\frac{3}{4} \right)^{13} + \dots$

8. Исследовать ряд на сходимость: $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3n^2+2n-1}{2n^5-n^4+3n^2} = 1 + \frac{15}{92} + \dots$

9. Исследовать сходимость ряда $1 - \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \dots + \frac{(-1)^{n-1}}{n^2} + \dots$.

10. Исследовать сходимость ряда:

а) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\lg n}{\ln n + 2}$; б) $\sum_{n=1}^{\infty} \sin \frac{\pi}{2^n}$; в) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sqrt{n+1} - \sqrt{n}}{n}$;

г) $\frac{4}{2} + \frac{4 \cdot 7}{2 \cdot 6} + \frac{4 \cdot 7 \cdot 10}{2 \cdot 6 \cdot 10} + \dots$; д) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\ln(n+1)}$.

11. Исследовать сходимость ряда $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{7^n}{10 + 7^{2n}}$.
12. Исследовать сходимость ряда: а) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n n^7}{7n^6 + 3}$; б) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n \ln n}{2n-1}$; в) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n \cos \frac{\pi n}{3}}{n^2 + 1}$.
13. Исследовать сходимость ряда $\frac{2}{3} - \frac{3}{7} + \frac{4}{11} - \frac{5}{15} + \frac{6}{19} - \dots + (-1)^{n-1} \frac{n+1}{4n-1} + \dots$.
14. Исследовать ряды на абсолютную (условную) сходимость:
 $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{3^{n+2}}{(2n)!} = -\frac{27}{2} + \frac{83}{24} - \frac{243}{720} + \dots$, $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \frac{3n-2}{4n^2-n-1} = \frac{1}{2} - \frac{4}{13} + \frac{7}{32} - \dots$, $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{3n^2-2}{4n^2-n+1} = -\frac{1}{4} + \frac{10}{15} - \frac{25}{34} + \dots$
15. Найти область сходимости ряда: $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{n+2}{3^{n-1} \cdot (2n^2+1)} \cdot (x+1)^n$

Тема 3.6. Функции нескольких переменных

Вид работы: изучение литературы по теме, подготовка к практическому занятию.

Вопросы для подготовки к дискуссии:

1. ФМП, область определения, линии уровня; частные производные, геометрический смысл.
2. Дифференциал ФМП. Геометрический смысл. Свойства.
3. Производная сложной функции.
4. Производная по направлению.
5. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.
6. Неявные функции $F(x,y) = 0$. Достаточные условия существования.

Производная неявной функции.

7. Экстремум ФМП. Необходимые и достаточные условия существования.

Задачи для самостоятельной работы

1. Найти частные производные первого порядка функции $z = x^2 + 2x + y^2 - 3$
2. Показать, что функция $z = y \cdot \ln(x^2 - y^2)$ удовлетворяет уравнению $\frac{1}{x} \cdot \frac{\partial z}{\partial x} + \frac{1}{y} \frac{\partial z}{\partial y} = \frac{z}{y^2}$.
3. Найти экстремумы функции двух переменных $z = f(x, y)$.
 - а. $z = 2x^3 + 6xy^2 - 30x - 24y$.
 - б. $z = x^3 - y^3$.
4. Найти градиент функции $f = 4x^2 + yz - 9$

$$\frac{\partial^2 f}{\partial x \partial y}$$
5. Найти смешанную производную $\frac{\partial^2 f}{\partial x \partial y}$ для функции $f = \sin x - 6x^2 y$

Раздел 4. Элементы теории вероятностей

Вид работы: изучение литературы по теме, подготовка к практическому занятию.

Вопросы для подготовки к дискуссии:

1. Перечислить основные формулы комбинаторики.
2. Изложить методику решения комбинаторных задач.
3. Дать определение случайного события.
4. Дать основные определения, связанные с понятием «случайное событие» (достоверные и невозможные события, совместные и несовместные...)
5. Дать классическое и статистическое определения вероятности случайного события.
6. Дать геометрическое определение вероятности случайного события.
7. Рассмотреть основные понятия и формулы непосредственного подсчета

вероятности случайного события.

8. Сформулировать теоремы сложения вероятностей, записать формулы.
9. Сформулировать теоремы умножения вероятностей, записать формулы.
10. Сформулировать и записать формулу теоремы о полной вероятности.
11. Сформулировать и записать формулу Байеса (теорему гипотез).
12. Какие испытания называются повторными независимыми?
13. Записать формулу Бернулли и объяснить ее вероятностный смысл.
14. Записать и объяснить формулу Муавра-Лапласа, интегральную формулу Лапласа.
15. Записать и объяснить формулу функции Лапласа.
16. Дать определения дискретной и непрерывной случайной величине.
17. Сформулировать законы распределения дискретной случайной величины.
18. Сформулировать законы распределения непрерывной случайной величины.
19. Записать формулы числовых характеристик дискретных случайных величин.
20. Записать формулы числовых характеристик непрерывных случайных величин.
21. Дать определения и записать формулы начальных и центральных моментов k -го порядка случайной величины.
22. Сформулировать и записать формулы основных законов дискретной случайной величины.
23. Сформулировать и записать формулы основных законов непрерывной случайной величины.
24. Записать и объяснить основные формулы нормального закона распределения случайной величины.
25. Записать формулу для вероятности попадания случайной величины, распределенной по нормальному закону, на заданный интервал.
26. Сформулировать правило трех сигм.
27. Изложить основные понятия системы двух случайных величин (законы распределения, числовые характеристики).
28. Изложить основные понятия нормального закона распределения случайной величины на плоскости.

Задачи для самостоятельной работы

1. В барабане револьвера шесть гнезд, из которых в четыре вложены патроны, а два пустые. Барабан приводится в движение, в результате чего против ствола оказывается одно из гнезд. После этого нажимают спусковой крючок. Если гнездо пустое, то выстрела не происходит. Найти вероятность того, что в результате двух опытов: а) выстрела не произойдет; б) произойдет два выстрела; в) произойдет хотя бы один выстрел.
2. В лифт девятиэтажного дома вошли три человека. Предположим, что каждый из них с равной вероятностью может выйти на любом из этажей, начиная со второго. Найти вероятность того, что все пассажиры выйдут на одном этаже; что все пассажиры выйдут на разных этажах.
3. Вероятность хотя бы одного попадания при двух выстрелах равна 0,84. Найти: а) наименьшее число попаданий в серии из семи выстрелов и модальную вероятность; б) что вероятнее: три попадания при четырех выстрелах или шесть попаданий при восьми?
4. Стрелок A поражает мишень с вероятностью 0,6, стрелок B – с вероятностью 0,5 и стрелок C – с вероятностью 0,4. Стрелки дали залп по мишени и две пули попали в цель. Что вероятнее: попал стрелок C в мишень или нет?
5. В ящике десять стандартных деталей и пять бракованных. Наугад извлекаются три детали. Каковы вероятности того, что среди них: а) одна бракованная; б) две бракованных; в) хотя бы одна стандартная?
6. Имеются две партии однородных деталей. Первая партия состоит из 12 деталей, из которых три бракованных. Вторая партия состоит из 15 деталей, из которых че-

тыре бракованных. Из первой и из второй партии извлекают по две детали. Какова вероятность того, что среди них нет бракованных деталей?

7. В ящике 100 деталей. Из них 20 деталей изготовлены первым заводом, 80 – вторым. Первый завод производит 90% хороших деталей, второй – 80%. Найти вероятность того, что две извлеченные наудачу детали окажутся хорошими.

8. Из урны, содержащей три белых и два черных шара, переложены два вынутых наудачу шара в урну, содержащую четыре белых и четыре черных шара. Найти вероятность вынуть из второй урны белый шар.

9. В коробке лежат девять теннисных мячей, из которых шесть новых. Для первой игры взяли два мяча, которые после игры возвратили. Для второй игры также взяли два мяча, оказавшиеся новыми. Какова вероятность того, что для первой игры брали два старых мяча?

10. Для изделий некоторого производства вероятность удовлетворять стандарту равна 0,96. Предлагается упрощенная система испытаний, дающая положительный результат с вероятностью 0,98 для изделий, удовлетворяющих стандарту, а для изделий, которые не удовлетворяют стандарту, с вероятностью 0,05. Какова вероятность того, что изделие, выдержавшее испытание, удовлетворяет стандарту?

11. Задана непрерывная случайная величина X своей плотностью распределения вероятностей $f(x)$. Требуется: определить коэффициент A ; найти функцию распределения $F(x)$; схематично построить графики функций $f(x)$ и $F(x)$; вычислить математическое ожидание и дисперсию X ; определить вероятность того, что X примет значение из интервала (a, b) .

12. Из 16 лотерейных билетов выигрышными являются 5. Какова вероятность того, что среди 10 взятых наудачу билетов два будут с выигрышем?

13. В цехе работают 6 мужчин и 4 женщины. По табельным номерам отобраны 7 человек. Найти вероятность того, что среди них 3 женщины.

14. Студент разыскивает нужную формулу в трех справочниках. Вероятность того, что эта формула содержится в первом справочнике, равна 0,8, во втором – 0,7, в третьем – 0,6. Найти вероятность того, что эта формула есть хотя бы в двух из них.

15. Трое стрелков стреляют по одной мишени. Вероятность поражения цели первым из них равна 0,8, вторым – 0,7, третьим – 0,9. Найти вероятность поражения цели двумя выстрелами при одном залпе.

16. Набирая номер телефона, абонент забыл последние три цифры, и помня лишь, что эти цифры различны, набрал их наудачу. Найти вероятность того, что набраны нужные цифры.

17. Найти вероятность того, что событие A произойдет не менее 2 раз в 4 независимых испытаниях, если вероятность наступления события A в одном испытании равна 0,6.

18. На сборку поступают детали с трех автоматов. Первый дает в среднем 98% годных деталей, второй – 99%, а третий – 97%. Найти вероятность попадания на сборку бракованной детали, если она выбрана случайным образом, а производительность автоматов одинакова.

19. В двух ящиках имеются радиолампы, в первом из них 15 стандартных и 2 с браком. Во втором 10 стандартных и одна с браком. Из первого ящика взята наугад одна лампа и переложена во второй. После чего из второго ящика взята наугад лампа. Найти вероятность того, что эта лампа стандартная.

Раздел 5. Основы математической статистики

Вид работы: изучение литературы по теме, подготовка к практическому занятию.

Вопросы для подготовки к дискуссии:

1. Изложить основные задачи математической статистики.
2. Изложить основные определения (генеральная и выборочная совокупности, ва-

риационный ряд, статистическое распределение выборки, полигон и гистограмма).

3. Что называется выборочной средней и выборочной дисперсией случайной величины?
4. Что называется доверительной вероятностью и доверительным интервалом?
5. Дать определение статистической гипотезе.
6. Изложить методику применения критерия Пирсона для проверки гипотезы о нормальном распределении случайной величины.
7. Дать определение и сформулировать свойства коэффициента корреляции.
8. Дать определение выборочного коэффициента корреляции.
9. Записать уравнения прямых регрессии.
10. Записать уравнения выборочных прямых регрессии.
11. Дать определение корреляционного отношения. Объяснить его вероятностный смысл.

Задачи для самостоятельной работы

1. Составить закон распределения случайной величины X дискретного типа. Найти: Функцию распределения $F(x)$ и построить её график; Математическое ожидание; Дисперсию, среднее квадратическое отклонение; Моду; Начальный и центральный моменты третьего порядка.

X – число отказов работы двух станков в течение смены, если один из них выходит из строя чаще, чем другой.

2. Заданы математическое ожидание m и среднее квадратическое отклонение σ нормально распределенной случайной величины x .

3. Найти: 1) вероятность того, что x примет значение, принадлежащее интервалу $(\alpha; \beta)$; 2) вероятность того, что абсолютная величина отклонения $|x - m|$ окажется меньше δ . $m = 15$, $\sigma = 2$, $\alpha = 16$, $\beta = 25$, $\delta = 4$.

4. Размер диаметра детали задан полем допуска 20-25 мм. В некоторой партии деталей средний размер их диаметра оказался равным 23,2 мм, а среднее квадратическое отклонение 1 мм. Считая, что размер диаметра детали подчиняется закону нормального распределения, вычислить вероятность брака.

5. Диаметр подшипников, выпускаемых заводом, представляет собой случайную величину, распределенную по нормальному закону с математическим ожиданием 16 мм и дисперсией 0,16. Найти вероятность брака при условии, что для диаметра подшипника разрешается допуск $\pm 0,7$ мм.

6. Дисперсия каждой из данных независимых случайных величин не превышает 5. Найти число n таких величин, при котором вероятность отклонения средней арифметической случайных величин от средней арифметической их математических ожиданий не более, чем на 0,4, превышает 0,85.

7. Имеется 3200 независимых случайных величин, дисперсии которых ограничены. Какой должна быть верхняя граница этих дисперсий, чтобы отклонение средней арифметической данных случайных величин от средней арифметической их математических ожиданий не превышало по абсолютной величине 0,25 с вероятностью, большей 0,96.

8. Проверкой ОТК установлено. Что при штамповке пластинок брак составляет 2%. Оценить вероятность того, что при проверке партии в 2000 пластинок обнаружится отклонение от установленного процента брака меньше, чем на 0,5%.

9. Размер диаметра детали задан полем допуска 20-25 мм. В некоторой партии деталей средний размер их диаметра оказался равным 23,2 мм, а среднее квадратическое отклонение 1 мм. Считая, что размер диаметра детали подчиняется закону нормального распределения, вычислить вероятность брака.

10. Размер гайки задан полем допуска 60-65 мм. В некоторой партии гаек средний размер оказался равным 62,8 мм, а среднее квадратическое отклонение – 1,1 мм. Считая, что размер гайки подчиняется закону нормального распределения, вычислить вероятность

брака по размеру гайки.

11. Диаметр подшипников, выпускаемых заводом, представляет собой случайную величину, распределенную по нормальному закону с математическим ожиданием 16 мм и дисперсией 0,16. Найти вероятность брака при условии, что для диаметра подшипника разрешается допуск $\pm 0,7$ мм.

12. Цех выпускает детали двух типов. Распределение их длины – нормальное. Для деталей 1 типа – математическое ожидание равно 40 мм, а дисперсия – 0,25. Для типа 2 – математическое ожидание 25 мм, дисперсия – 4. Что вероятнее: попадание размера детали типа 1 в интервал (38; 43) или детали типа 2 – в интервал]24; 27[?

13. Диаметр деталей, изготовленных автоматом, представляет собой случайную величину, распределенную по нормальному закону. Дисперсия ее равна 4, а математическое ожидание – 20,5 мм. Найти вероятность брака, если допустимые размеры диаметра детали должны быть 20 ± 3 мм.

14. На автомате изготавливают заклепки, диаметр головок которых распределяются по нормальному закону с математическим ожиданием 3 мм и дисперсией 0,01. Какую точность диаметра головок заклепок можно гарантировать с вероятностью 0,9216?

15. Детали, изготовленные автоматом, по размеру диаметра распределяются по нормальному закону. Известно, что математическое ожидание равно 4,5 см, а дисперсия – 0,09. Определить границы, в которых следует ожидать размер диаметра детали, если вероятность невыхода за эти границы равна 0,95.

16. Длина изготавливаемой детали представляет нормально распределенную случайную величину X . Математическое ожидание ее равно 8 см, а среднее квадратическое отклонение равно 0,1 см. Определить вероятность того, что длина наудачу взятой детали отличается от математического ожидания не более, чем на 0,2 см.

17. Станок-автомат производит валики. Пригодность валика определяется величиной его диаметра X . Определить вероятность того, что взятый наугад валик окажется годным, если известно, что среднее значение, на которое настроен станок, равно 25 мм, среднее квадратическое отклонение составляет 0,4 мм, а допустимая величина отклонения размера диаметра валика от среднего равна $\pm 0,6$ мм.

18. Ведется стрельба из орудия по заданному направлению. Дальность полета снаряда распределена по нормальному закону, математическое ожидание равно 3 км, среднее квадратическое отклонение 0,5 км. Найти вероятность того, что выпущенный из орудия снаряд попадет в интервал от 2 до 5 км.

6.3. Методические рекомендации по самостоятельной работе обучающихся и подготовке к промежуточной аттестации

Методические рекомендации по самостоятельной работе составлены с целью оптимизации процесса освоения обучающимися учебного материала.

Самостоятельная работа обучающегося направлена на углубленное изучение разделов и тем рабочей программы и предполагает изучение литературных источников, выполнение домашних заданий и контрольных работ, проведение исследований разного характера. Работа основывается на анализе материалов, публикуемых в интернете, а также реальных фактов, личных наблюдений.

Самостоятельная работа обучающегося над усвоением материала по дисциплине может выполняться в читальном зале РМАТ, специально отведенных для самостоятельной работы помещениях, посредством использования электронной библиотеки и ЭИОС РМАТ.

Содержание и количество самостоятельной работы обучающегося определяется учебным планом, методическими материалами и указаниями преподавателя.

Также самостоятельная работа включает подготовку и анализ материалов по темам пропущенных занятий.

Самостоятельная работа во внеаудиторное время включает:

- работу с лекционным материалом, предусматривающую проработку конспекта лекций;
- изучение учебной и научной литературы;
- поиск (подбор) и обзор литературы, электронных источников информации по индивидуально заданной проблеме курса, написание доклада, исследовательской работы по заданной проблеме;
- выполнение задания по пропущенной или плохо усвоенной теме;
- подготовку к практическим занятиям;
- подготовка к промежуточной аттестации.

В зависимости от выбранных видов самостоятельной работы студенты самостоятельно планируют время на их выполнение. Предлагается равномерно распределить изучение тем учебной дисциплины.

7. Фонд оценочных средств

Фонд оценочных средств по дисциплине разработан в соответствии с Методическими рекомендациями и является составной частью ОПОП.

8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

8.1. Основная литература

1. Балдин, К. В. Высшая математика: учебник / К. В. Балдин, В. Н. Башлыков, А. В. Рукосуев; под общ. ред. К. В. Балдина. – 3-е изд., стер. – Москва: ФЛИНТА, 2021. <https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=79497>
2. Туганбаев, А. А. Курс математического анализа: учебник / А. А. Туганбаев. – Москва: ФЛИНТА, 2020. <https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=611206>

8.2. Дополнительная литература

1. Хамидуллин, Р. Я. Математика: базовый курс: учебник/ Р. Я. Хамидуллин, Б. Ш. Гулиян. – 5-е изд., перераб. и доп. – Москва: Университет Синергия, 2019. <https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=571501>
2. Математика: уч. пос./ С. Н. Веричев, А. В. Горбыш, О. Е. Рощенко, Е. А. Лебедева. – Новосибирск: НГТУ, 2019. <https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=575491>

9. Ежегодно обновляемые современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

9.1. Ежегодно обновляемые современные профессиональные базы данных

1. <http://www.russiatourism.ru> - официальный сайт Федерального агентства по туризму Министерства экономического развития;
2. <http://www.rostourunion.ru/> - официальный сайт отраслевого объединения, в которое входят туроператоры, турагентства, гостиницы, санаторно-курортные учреждения, транспортные, страховые, консалтинговые, IT-компании, учебные заведения, СМИ, общественные и иные организации в сфере туризма;
3. <http://www2.unwto.org/ru> - официальный сайт Всемирной туристской организации;
4. <https://www.scopus.com> - Реферативная и справочная база данных рецензируемой литературы Scopus;

5. <https://apps.webofknowledge.com> - Политематическая реферативно-библиографическая и наукометрическая (библиометрическая) база данных Web of Science;

6. Science Alert является академическим издателем журналов открытого доступа. Также издает академические книги и журналы. Science Alert в настоящее время имеет более 150 журналов открытого доступа в области бизнеса, экономики, информатики, коммуникации, инженерии, медицины, математики, химии, общественной и гуманитарной науки;

7. Science Publishing Group электронная база данных открытого доступа включающая в себя более 500 научных журналов, около 50 книг, 30 материалов научных конференций в области статистики, экономики, менеджмента, педагогики, социальных наук, психологии, биологии, химии, медицины, пищевой инженерии, физики, математики, электроники, информатики, науке о защите природы, архитектуре, инженерии, транспорта, технологии, творчества, языка и литературы.

9.2. Ежегодно обновляемые информационные справочные системы

1. Информационно-правовая система «Гарант». – URL: <http://www.garant.ru/>;

2. Информационно-правовая система «Консультант плюс». – URL: <http://www.consultant.ru/>.

10. Ежегодно обновляемый комплект лицензионного программного обеспечения

1. Microsoft Office. Интегрированный пакет прикладных программ;
2. Microsoft Windows;
3. Корпоративная информационная система «КИС».

11. Электронные образовательные ресурсы

1. ЭБС «Университетская библиотека Онлайн»;
2. Корпоративная информационная система «КИС».

12. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Изучение дисциплины обеспечивается в соответствии требованиями Федерального государственного образовательного стандарта по направлению подготовки 38.03.04 Государственное и муниципальное управление к материально-техническому обеспечению.

Материально-техническое обеспечение необходимое для реализации дисциплины включает: учебная аудитория (кабинет профессиональных дисциплин) для проведения занятий всех видов, предусмотренных образовательной программой, в том числе групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации. Оборудование: посадочные места по количеству обучающихся; рабочее место преподавателя; шкаф; технические средства обучения: ПК, ТВ.

Помещение для самостоятельной работы: персональные компьютеры (12 шт.) с возможностью подключения к информационно-телекоммуникационной сети "Интернет" и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду, к современным профессиональным базам данных и информационным справочным системам.

Комплект мебели РМАТ обеспечена необходимым комплектом лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства (состав определен в п.10 и подлежит обновлению (при необходимости)).

При использовании в образовательном процессе печатных изданий библиотечный фонд укомплектован печатными изданиями из расчета не менее 0,25 экземпляра каждого из изданий, указанных в п.8, на одного обучающегося из числа лиц, одновременно осваивающих соответствующую дисциплину (модуль), проходящих соответствующую практику.

Обучающимся обеспечен доступ (удаленный доступ), в том числе в случае применения электронного обучения, дистанционных образовательных технологий, к современным профессиональным базам данных и информационным справочным системам, состав которых определяется в п.9 и подлежит обновлению (при необходимости).

**Дополнения и изменения в рабочей программе дисциплины
«Математика»
на 20__/20__ учебный год**

Следующие записи относятся к п.п.
Автор
Зав. кафедрой